

1. Vyriešte nasledujúce lineárne rovnice:

a) $3(x-5)-1=2x-6$

b) $4-5(3-x)=6x+9$

c) $2(5-2x)=1-(5x-9)$

d) $17-3(2x-1)=5-5x$

e) $4x^2-5x=7-2(1-2x^2)$

f) $(5x-13)^2=(3x+12)^2+(5-4x)^2$

g) $7+6(3-x)=6x-11$

h) $\frac{x}{2}=\frac{x}{3}+5$

i) $1-\frac{2x-5}{6}=\frac{3-x}{4}$

j) $\frac{x-7}{6}+3=\frac{x+1}{2}$

k) $\frac{2(3x-1)}{5}+\frac{x+2}{2}=4$

l) $\frac{x}{5}+4(1-x)=\frac{3}{15}$

m) $x+\frac{1}{x}+1=\frac{x^2-1}{x}+1$

n) $\frac{4-x^2}{x+2}=3-x$

o) $\frac{x}{x-2}=-1$

p) $\frac{3x-5}{2x-7}=7$

r) $\frac{x-2}{x}=\frac{x+4}{x+3}$

s) $\frac{x^2-3x+8}{x-8}=x+53$

t) $\frac{4-5x}{x}+\frac{3x+8}{4-3x}=-6$

u) $\frac{x^2-25}{x+5}=x-5$

2. Vyriešte nasledujúce iracionálne rovnice: (nezabudnite na skúšku správnosti)

a) $\sqrt{7x+2}=-5$

d) $\sqrt{x^2+7}=x-1$

g) $\sqrt{x+17}+\sqrt{x+1}=4$

j) $3\sqrt{9-5x}+\sqrt{1-x}=24$

b) $\sqrt{x+3}=\sqrt{2x}$

e) $\sqrt{x^2+7}=1-x$

h) $\sqrt{x+2}-\sqrt{x-5}=1$

c) $\sqrt{-x}=\sqrt{x+2}$

f) $\sqrt{x^2+3x-5}-x=1$

i) $\sqrt{x+7}+\sqrt{2x-3}=4$

3. Vyriešte nasledujúce kvadratické rovnice:

a) $2x^2=18$

i) $x^2-10x=-30$

r) $7+4x-2x^2=7$

A) $x^2+x=-1$

b) $x^2-49=0$

j) $x^2-3x=4$

s) $1+\frac{7x}{x^2-6}=\frac{4}{x+4}$

B) $2x^2+x-1=0$

c) $x^2+4=0$

k) $x^2-2x+1=25$

t) $\frac{6}{x^2-9}+\frac{4}{x+3}=\frac{1}{x-3}$

C) $6x^2+3x=0$

d) $(x+7)^2=1$

l) $9x^2-30x+25=-100$

u) $x^2-x=3x+60$

D) $3x^2-5x-2=0$

e) $(8-x)^2=289$

m) $3x^2-5x+2=0$

v) $2x-8=3x^2+x+1$

E) $x^2-6x+9=0$

f) $x^2-5x+4=0$

n) $x^2+(x+1)^2=(x+2)^2$

y) $5x^2-7=4x-10$

F) $3x^2-x+5=0$

g) $x^2+4x-5=0$

o) $4x^2=(x+3)^2$

z) $x^2+3x=-2$

G) $4x^2+9=0$

h) $x^2-2x=15$

p) $x^2-6x+7=-1$

x) $-x^2=1+2x$

H) $4x^2-9=0$

4. Vyriešte nasledujúce polynomické rovnice:

a) $x^3+3x^2-4x=0$

d) $x^4+2x^2=675$

g) $2x^{0.2}+3=5x^{0.2}+9$

b) $(x+2)(x^2+7x+2)=(x-3)(x+2)$

e) $(2x^2-x-2)^2=1$

h) $\frac{4}{x^{0.5}}-3=-1$

c) $(x-1)(x^2+3x-2)=(x-1)(2x+4)$

f) $-2x^3-2=14$

i) $(x-8)^4+2=18$

5. Vyriešte nasledujúce exponenciálne rovnice:

a) $2^x=8$

l) $27^{3-x}-3^{x+1}=0$

z) $5^{2x}-7^x-5^{2x}.35+7^x.35=0$

J) $5^x-24=\frac{25}{5^x}$

b) $2^x=\frac{1}{8}$

m) $4^{x+3}-8^{x-3}=0$

x) $4.3^{x+1}-72=3^{x+2}+3^{x-1}$

K) $e^{2x}+e^x-12=0$

c) $6^x=0$

n) $2^x=9^x$

A) $4^x.5^{x+1}=5.20^{2-x}$

L) $e^{3x}-5e^{2x}+6e^x=0$

d) $0,25=4^x$

o) $10.2^x=45.3^{x-1}$

B) $2^{2x+1}-33.2^{x-1}+4=0$

M) $3^{1+x}=2^{6-2x}$

e) $9^x=3$

p) $3^{x+4}-3^{x+2}=2^{x+5}$

C) $9^{x-1}+7=4(3^{x-1}+1)$

N) $\left(\frac{1}{3}\right)^{4-x}=2^{3x}$

f) $125=0,2^{x+1}$

r) $3^{x+1}-3^{x-1}=72$

D) $81^x+9^{x+1}=9+3^{2x}$

O) $2.3^{x+1}-6.3^{x-1}-3^x=9$

g) $2^{x+3}-4^x=0$

s) $5^{x+1}=0,6+2.5^x$

E) $4^{x^2+2}+8=9.2^{x^2+2}$

P) $3^x+3^{x+1}+3^{x+2}+3^{x+3}=80$

h) $2^{x-2}=2^{4-x}$

t) $4^{x^2-2x-15}=1$

F) $2.81^x-5.36^x+3.16^x=0$

R) $e^{x-3}=3$

i) $\sqrt{7^{4-x}}=7^{x+8}$

u) $5^{x-1}=10^x.2^{-x}.5^{x+1}$

G) $3^{2x+1}-10.3^x+3=0$

S) $e^{4-x}=5$

j) $5^{x+3}=25^x$

v) $5.2^{x+2}-6.3^{x+2}=3^{x+3}+2.2^{x+1}$

H) $4.2^{2x}-6^x=18.3^{2x}$

T) $2^{4x+1}=6$

k) $11.11^x=121^{x-2}$

y) $6.4^{x+1}-\frac{9^{x+2}}{3}=\frac{9^{x+1}}{2}+3.4^x$

I) $e^{2x}-5e^x+6=0$

U) $7=3^{x+2}$

6. Vyriešte nasledujúce logaritmické rovnice:

- | | | |
|--|---|--|
| a) $\log x = 2$ | i) $\log_5(x^2 - 4x) = 1$ | r) $\log_{-x} 16 = 2$ |
| b) $\log x = 0,2$ | j) $\log(3x + 5) = \log 2$ | s) $\log_{x+2} 9 = 2$ |
| c) $1 + \log_{0,5} x = 0$ | k) $\log_2(7x + 1) = \log_2(5 - x)$ | t) $\log x + \log(x + 21) = 2$ |
| d) $3 \cdot \log_7 x = 5$ | l) $\log_{0,7}(3 - 10x) = \log_{0,7}(x - 8)$ | u) $\log_4 x + \log_4(x + 6) = 2$ |
| e) $\log 5x = 3$ | m) $\log_{26} x^2 = \log_{26} x$ | v) $\log_2 x + \log_2(x + 6) = \log_2(9 - 2x)$ |
| f) $\log_4 x^2 = 3$ | n) $\log_{0,2}(2x + 8) = \log_{0,2} x^2$ | y) $\log_5(4x^2 - 1) = 2 + \log_5(2x + 1)$ |
| g) $\log_2(x^2 + 3x) = 2$ | o) $\log_x 16 = 4$ | z) $\log_3(5x - 4) - \log_3(x - 4) = 2$ |
| h) $\log_3(x + 1) = 0$ | p) $\log_x(2 - x^2) = 1$ | x) $\log x + \log(x + 3) = \log 70$ |
| A) $\log_{0,5}(x - 8) - \log_{0,5} x = 1$ | D) $\log(2x + 9) - 2 \cdot \log x + \log(x - 4) = \log 100 - \log 50$ | G) $\log_3(x + 1) + \log_3(x + 3) = 1$ |
| B) $\log[3 + 2 \cdot \log(1 + x)] = 0$ | E) $3 \cdot \log 2 - \log(x - 1) = \log(x + 1) - \log(x - 2)$ | H) $\log_3[1 + \log_3(2^x - 7)] = 1$ |
| C) $\log_3[5 + 4 \cdot \log_3(x - 1)] = 2$ | F) $\log 5 + \log(x + 10) - 1 = \log(21x - 20) - \log(2x - 1)$ | I) $\log^2 x + 1 = 2 \cdot \log x$ |

7. Vyriešte nasledujúce goniometrické rovnice:

- | | | | |
|--|---|---|---|
| a) $\sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ | m) $\sin\left(\frac{x}{3} + \frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$ | A) $2 \cdot \cos x = \sqrt{2}$ | M) $2 \cdot \cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right) = -1$ |
| b) $\cos x = -\frac{1}{2}$ | n) $\sin\left(\frac{x}{3} - \frac{\pi}{2}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ | B) $\sqrt{3} \cdot \operatorname{tg} x = 1$ | N) $2 \cdot \sin\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right) = -\sqrt{3}$ |
| c) $\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ | o) $\cos\left(x + \frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ | C) $4 \cdot \sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right) = -2$ | O) $2 \cdot \cos\left(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2}$ |
| d) $\sin x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ | p) $\operatorname{tg}\left(x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ | D) $2 \cdot \cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) = 1$ | P) $6 \cdot \sin(2x - 3\pi) = 3$ |
| e) $\operatorname{tg} \varphi = 1$ | r) $\cos\left(\frac{x}{2} - \frac{\pi}{6}\right) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ | E) $2 \cdot \cos(3x + \pi) = -1$ | R) $\sin\left(2x - \frac{\pi}{6}\right) = \frac{1}{2}$ |
| f) $\cot g \varphi = \sqrt{3}$ | s) $\sin 2x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ | F) $3 \cdot \cot g\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) = \sqrt{3}$ | S) $\sin^2 x + \sin x = 0$ |
| g) $\sqrt{3} + 2 \cdot \sin x = 0$ | t) $\cos 2x = \frac{1}{2}$ | G) $\frac{1}{2} \cdot \cos(2x) - \frac{\sqrt{2}}{4} = 0$ | T) $2 \cdot \cos^2 x + 2 \cdot \cos x = 0$ |
| h) $\sin 3x = 1$ | u) $\cos \frac{x}{3} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ | H) $2 + 3 \cdot \cot gx = \sqrt{3} + 2$ | U) $2 \cdot \sin^2 x - \sin x = 0$ |
| i) $\cos\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{2}$ | v) $\operatorname{tg} \frac{x}{4} = \sqrt{3}$ | I) $\sin x = 2 \cdot \sin x + \frac{\sqrt{2}}{2}$ | V) $\sin^2 x + 0,5 \sin x - 0,5 = 0$ |
| j) $\operatorname{tg}\left(2x + \frac{\pi}{2}\right) = \sqrt{3}$ | y) $\cot g 2x = \frac{\sqrt{3}}{3}$ | J) $\sqrt{2} \cdot \sin(2x - \pi) = 0$ | Y) $\cos^2 x - \frac{3}{2} \cos x + \frac{1}{2} = 0$ |
| k) $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$ | z) $2 \cdot \sin x = 1$ | K) $2 \cdot \sin(3x + \pi) = -1$ | Z) $2 \cdot \sin^2 x + 7 \cdot \sin x + 3 = 0$ |
| l) $\sin(2x + \pi) = 0$ | x) $\sqrt{2} \cdot \sin x = 1$ | L) $2 \cdot \cos(3x - \pi) = -1$ | X) $2 \cdot \sin^2 x + \sin x - 1 = 0$ |