

1. Zistite definičný obor nasledujúcich funkcií.

a) $y = \frac{x-1}{x+4}$

g) $y = \sqrt{\frac{x+1}{x-8}}$

m) $y = \log(x^2 - 6x + 5)$

t) $y = \frac{\sqrt{7-x+x^2}}{x}$

b) $y = \frac{\sqrt{x-4}}{x-6}$

h) $y = \frac{1}{3x-6} + \frac{2}{x-1}$

n) $y = \frac{1}{(x+2)^3}$

u) $y = \frac{5x+3}{x^3 + 7x^2 + 6x}$

c) $y = \sqrt{x-1} + 3\sqrt{x+2}$

i) $y = 5^{\sqrt{1-x}}$

o) $y = (x-3)^{-4}$

v) $y = \sqrt{\log \frac{5x-x^2}{4}}$

d) $y = \sqrt{-x^2 + 8x - 12}$

j) $y = \sqrt{1+\sin x}$

p) $y = \sqrt{\cos x}$

y) $y = \log_2 \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 + 3x - 4}$

e) $y = \sqrt{x^2 + x - 2} + \sqrt{x+1}$

k) $y = \sin \sqrt{4-x^2}$

r) $y = \tan 3x$

z) $y = \log_3(3-x) - \log_3(x+7)$

f) $y = \frac{1}{x^2 - 3x - 4}$

l) $y = \ln(x^2 - 16x + 64)$

s) $y = \frac{2}{1-4\cos^2 x}$

x) $y = \log(x-1) + \sqrt{4-x}$

2. Zistite, či sa dané funkcie rovnajú.

a) f: $y = \frac{9-x^2}{3-x}$

g: $y = x+3$

d) f: $y = \sqrt{\frac{x-2}{x+1}}$

g: $y = \frac{\sqrt{x-2}}{\sqrt{x+1}}$

b) f: $y = \frac{1}{x}$

g: $y = \frac{x-2}{x^2-2x}$

e) f: $y = \log(x-3) - \log(x-1)$

g: $y = \log \frac{x-3}{x-1}$

c) f: $y = \sqrt{x^2 + x - 6}$

g: $y = \sqrt{x+3} \cdot \sqrt{x-2}$

f) f: $y = \log x + \log(x+2)$

g: $y = \log[x(x+2)]$

3. Nájdite množinu **M**, na ktorej sa funkcie **f** a **g** rovnajú.

a) f: $y = x$

g: $y = (\sqrt{x})^2$

d) f: $y = |x| - 1$

g: $y = -x - 1$

b) f: $y = \frac{x-2x^2}{x}$

g: $y = 1 - 2x$

e) f: $y = \log(x+1) + \log(x-2)$

g: $y = \log(x^2 - x - 2)$

c) f: $y = \sqrt{x^2 - 3x - 4}$

g: $y = \sqrt{x-4} \cdot \sqrt{x+1}$

f) f: $y = |x-4| + |2x+4|$

g: $y = |3x|$

4. Z daných funkcií vytvorte zloženú funkciu $h = f(g(x))$ a zloženú funkciu $l = g(f(x))$ a nájdite ich definičný obor.

a) f: $y = \ln x$

g: $y = \frac{1}{x}$

d) f: $y = \sqrt{x^2 - 5}$

g: $y = \ln x$

b) f: $y = \frac{x+1}{x-1}$

g: $y = \sqrt{x}$

e) f: $y = \sin x$

g: $y = 3^x$

c) f: $y = 2^x$

g: $y = \log_2 x$

f) f: $y = x^2$

g: $y = \log(x-9)$

5. Nájdite zložené funkcie $f(g(h(x))), f(h(g(x))), g(f(h(x))), g(h(f(x))), h(f(g(x))), h(g(f(x)))$ a ich definičný obor.

f: $y = \ln x$

g: $y = 2^x$

h: $y = \sqrt{x^2 - 1}$

6. Rozložte zložené funkcie na jednotlivé zložky.

a) $y = e^{\sin x}$

g) $y = \sqrt{1+\sin x}$

m) $y = \sqrt{\ln \tan x}$

t) $y = 5^{\sqrt{1-x}}$

b) $y = \ln \frac{1}{x}$

h) $y = \frac{1}{x^2 - 3x - 4}$

n) $y = \cos \sqrt{x+2}$

u) $y = \cot g \sqrt{4-x^2}$

c) $y = \log x^6$

i) $y = \tan 3x$

o) $y = \ln[\sin(2x+4)]$

v) $y = \frac{1}{(x+2)^3}$

d) $y = \sin^2 x$

j) $y = 5^{x-2}$

p) $y = 2^{\sqrt{\ln x}}$

y) $y = \log_2(x-3)^{-4}$

e) $y = \sqrt{x^2 - 3x - 4}$

k) $y = \cos x^3$

r) $y = \sin(\cos^5 x)$

z) $y = \cos \sqrt{1+\sin x}$

f) $y = \log(x-9)$

l) $y = \frac{2}{\sin x+1}$

s) $y = \sqrt{\tan e^x}$

x) $y = \frac{1}{\sqrt{x+2}}$

7. Vytvorte súčet, rozdiel, súčin, podiel a 5-násobok funkcií **f** a **g**.

a) f: $y = x$

g: $y = -x$

c) f: $y = e^x$

g: $y = 2+3x$

e) f: $y = x^2 + 4$

g: $y = x-5$

b) f: $y = 2-x$

g: $y = 3x$

d) f: $y = x+8$

g: $y = x^2 - 2x + 1$

f) f: $y = \sin x$

g: $y = \cos x$

8. Zistite, či sú dané funkcie periodické. Ak áno, určite periódu.

- | | | | |
|----------------------|--|---|--|
| a) $y = x^3 + 2$ | d) $y = 2 \cdot \cos x$ | g) $y = \sqrt{7-x}$ | j) $y = 5^{x+1}$ |
| b) $y = \sin(x+\pi)$ | e) $y = (x-1)^2 + 2$ | h) $y = \log(2x-1)$ | k) $y = \cot g 5x$ |
| c) $y = \ln(6-x)$ | f) $y = \operatorname{tg}\left(x-\frac{\pi}{3}\right)$ | i) $y = \cos\left(\frac{x}{3}+\pi\right)$ | l) $y = \sin\left(2x-\frac{\pi}{4}\right)$ |

9. Zistite, či sú dané funkcie párne, nepárne alebo ani párne ani nepárne.

- | | | | |
|-------------------------------|---------------------------|------------------------|-------------------------------|
| a) $y = \log \frac{2-x}{2+x}$ | e) $y = 2x^2 - x + 5$ | i) $y = x^2 - 7$ | m) $y = x^2 - 2x + 4$ |
| b) $y = 1-x$ | f) $y = \sqrt[3]{x}$ | j) $y = x^3 + 1$ | n) $y = \frac{1}{1+x}$ |
| c) $y = \sqrt{3-x^2}$ | g) $y = x \cdot \sin x$ | k) $y = \frac{x}{ x }$ | o) $y = \sin 2x + \cos x$ |
| d) $y = x \cdot \log x $ | h) $y = \sqrt{\log(x+2)}$ | l) $y = -3x$ | p) $y = \operatorname{tg} 3x$ |

10. Pomocou grafu funkcie zistite, či sú dané funkcie ohraničené na množine M. Nájdite ich supremum, infimum, maximum a minimum.

- | | | |
|--|--|--|
| a) $y = 2x^2 + x - 1 \quad M = \langle 1; 6 \rangle$ | d) $y = \frac{1}{x} \quad M = (-1; 2)$ | g) $y = \frac{1}{x^2} \quad M = D(f)$ |
| b) $y = x^3 + 1 \quad M = \langle -1; 1 \rangle$ | e) $y = 4 \cdot \sin x \quad M = \mathfrak{R}$ | h) $y = \frac{1}{2} \cos x \quad M = \mathfrak{R}$ |
| c) $y = 2^{x-1} \quad M = \mathfrak{R}$ | f) $y = \frac{1}{x^4} + 2 \quad M = D(f)$ | i) $y = -e^{3x} \quad M = \mathfrak{R}$ |

11. Zistite, či sú dané funkcie prosté.

- | | | | |
|---------------------------|--------------------------|--|----------------------|
| a) $y = 3x + 1$ | d) $y = -x^2 + 4$ | g) $y = \sqrt{-5x+2}$ | j) $y = -2e^{3x}$ |
| b) $y = 6 \cdot \ln(3+x)$ | e) $y = \log_3(2-3x)$ | h) $y = \operatorname{tg}\left(x+\frac{\pi}{2}\right)$ | k) $y = x^2 - 1$ |
| c) $y = x+1 $ | f) $y = \frac{1}{x^2-1}$ | i) $y = \sqrt{1-\log_2(x-1)}$ | l) $y = \sin(x-\pi)$ |

12. Nájdite inverznú funkciu k daným funkciám a určite definičný obor a obor hodnôt ($D(f), D(f^{-1}), H(f), H(f^{-1})$).

- | | | | | |
|---------------------------------|----------------------------|-------------------------------|-------------------------------|--|
| a) $y = 3x - 1$ | g) $y = \frac{2}{x}$ | m) $y = 2x^2 + 3$ | t) $y = -x^2 + 4$ | A) $y = 3^x + 1$ |
| b) $y = \frac{x-1}{x+4}$ | h) $y = 6 \cdot \ln(3+x)$ | n) $y = \sqrt{-5x+2}$ | u) $y = -2e^{3x}$ | B) $y = \log_3(2-3x)$ |
| c) $y = x^2 - 1$ | i) $y = \frac{1}{x^2-1}$ | o) $y = \sqrt{1-\log_2(x-1)}$ | v) $y = 2^{x-1} + 3$ | C) $y = \frac{1}{x^4} + 2$ |
| d) $y = \sqrt[3]{x}$ | j) $y = \frac{1}{1+x}$ | p) $y = \sqrt{3-x^2}$ | w) $y = \operatorname{tg} 3x$ | D) $y = \operatorname{tg}\left(x-\frac{\pi}{3}\right)$ |
| e) $y = \ln(6-x)$ | k) $y = (x-1)^2 + 2$ | r) $y = \log(2x-1)$ | z) $y = \sqrt{7-x}$ | E) $y = 5^{x+1}$ |
| f) $y = \sqrt{\frac{x+1}{x-8}}$ | l) $y = \frac{1}{(x+2)^3}$ | s) $y = \cot g 5x$ | x) $y = 5^{\sqrt{1-x}}$ | F) $y = \log \frac{x-3}{x-1}$ |

13. Vypočítajte $f(0)$, $f(-3)$, $f(x+4)$ a $f\left(\frac{x}{2}\right)$ pre uvedené funkcie.

- | | | | | |
|-------------------------------|----------------------------|--------------------------|--------------------------------------|-------------------------------|
| a) $y = 2x^2 + 3$ | f) $y = -x^2 + 4$ | k) $y = 3^x + 1$ | p) $y = \sqrt{-5x+2}$ | v) $y = \log_3(2-3x)$ |
| b) $y = \frac{x-1}{x+4}$ | g) $y = \frac{1}{x^2-1}$ | l) $y = \frac{1}{1+x}$ | r) $y = \sqrt{\frac{x+1}{x-8}}$ | y) $y = \frac{1}{\sqrt{x+2}}$ |
| c) $y = 6 \cdot \ln(3+x)$ | h) $y = -2e^{3x}$ | m) $y = x^2 - 1$ | s) $y = \sqrt{1-\log_2(x-1)}$ | z) $y = 2^{x-1} + 3$ |
| d) $y = (x-1)^2 + 2$ | i) $y = \log(2x-1)$ | n) $y = \sqrt{7-x}$ | t) $y = \ln(6-x)$ | x) $y = 5^{x+1}$ |
| e) $y = \log \frac{x-3}{x-1}$ | j) $y = \frac{1}{(x+2)^3}$ | o) $y = \ln \frac{1}{x}$ | u) $y = \sqrt{x-4} \cdot \sqrt{x+1}$ | A) $y = \sqrt{x^2 - 3x - 4}$ |