

Fyzika Zeme

- Úvodný kurz pre poslucháčov prvého ročníka bakalárskych programov v rámci štúdia geológie
- Mechanika, Newtonova gravitácia

Obsah prednášky:

- základné pojmy (dráha, rýchlosť, zrýchlenie, ...)
- sila, impulz sily, moment sily, hybnosť
- Newtonove pohybové zákony
- Keplerove zákony
- Newtonov gravitačný zákon
- zdanlivé sily v neinerciálnych sústavách
(Coriolisova sila, precesný pohyb)

klasická mechanika

IN VYSVETLUVÉ GALILEIHO 57

ideľ nijakú rýchlosť, len
čo sa stane pri ňom bez
tentoto jav si vysvetluje
vačnosť, podľa ktorého
vomkajšie sily, sú
rýchlosť (tu
meň bez toho,

čo je relativity je
naké ako hľadisko
čo vysvetluje, čo
pri A), tvrdiac, že
nájdeme k zemi
tie, prečo kameň
je naopak), sú
takého zákona, podľa
hľadu na
n



čo sú

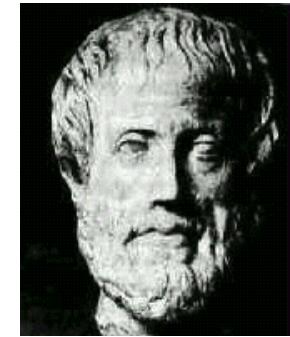
stí som mal

čo jej relativity a jej
čo sebe Einstein
zmuláciu
čo tak bolo treba
čo to povedať, že
čo chápali jej
čo vodobne



mechanika z obdobia Aristotela

Aristoteles (384-322 B.C.) je považovaný za prvého vedca, ktorý sa zaoberal fyzikou – aj ju pomenoval (φυσική = phusiké ≈ poznanie prírody).



Hmota sa skladá zo základných 4 elementov:

vzduch

zem

voda

oheň

Vysvetlenie prírodných javov bolo založené plne na logickom prístupe, neexistovala koncepcia overovacieho experimentu.

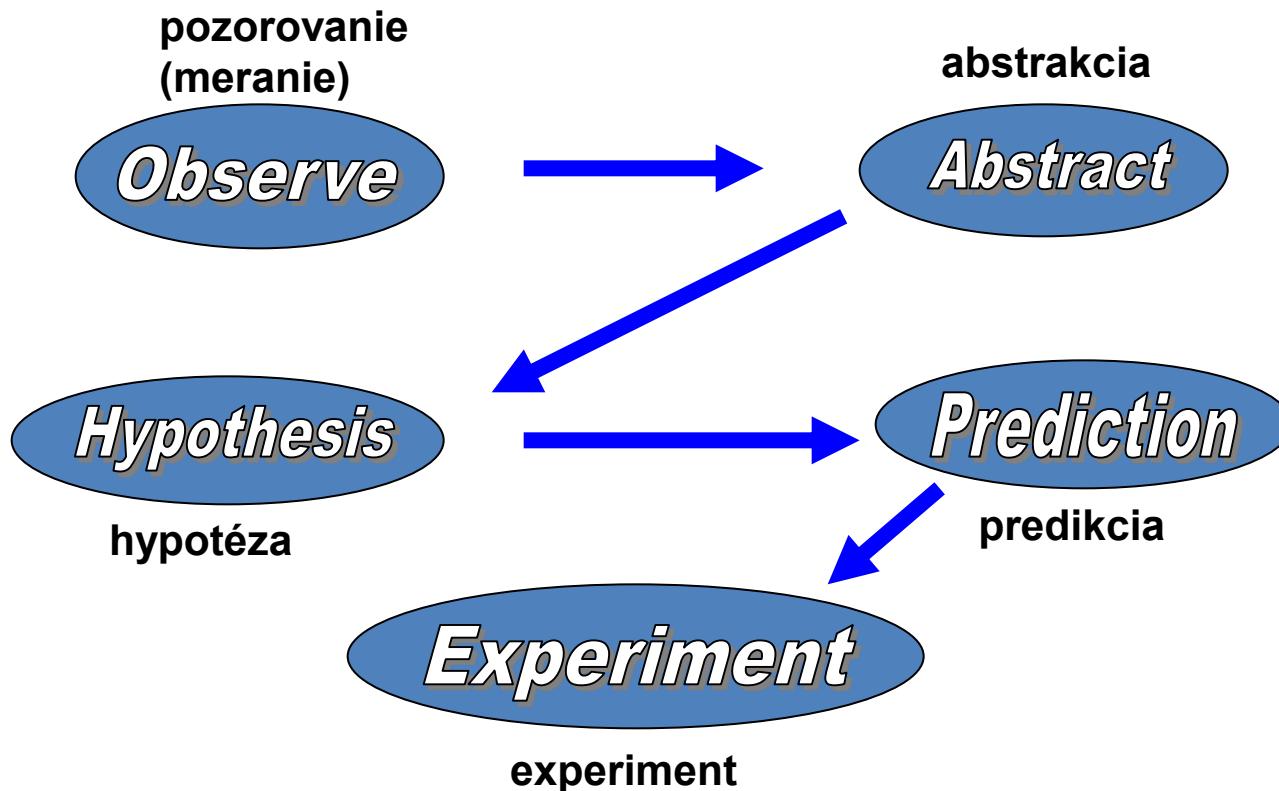
Veda nemala prediktívny charakter.

Príklad, kde sa plne mýlil: ľahké telesá padajú rýchlejšie, ako ťažké.

renesancia

Galileo Galilei (1564 -1642) bol prvým vedcom, ktorý použil metódu pozorovania (merania) a experimentu.

Založil tým základy modernej vedy.



renesancia – chápanie zotrvačnosti

Galileo:

vyvinul myšlienku **sily ako príčiny pohybu**

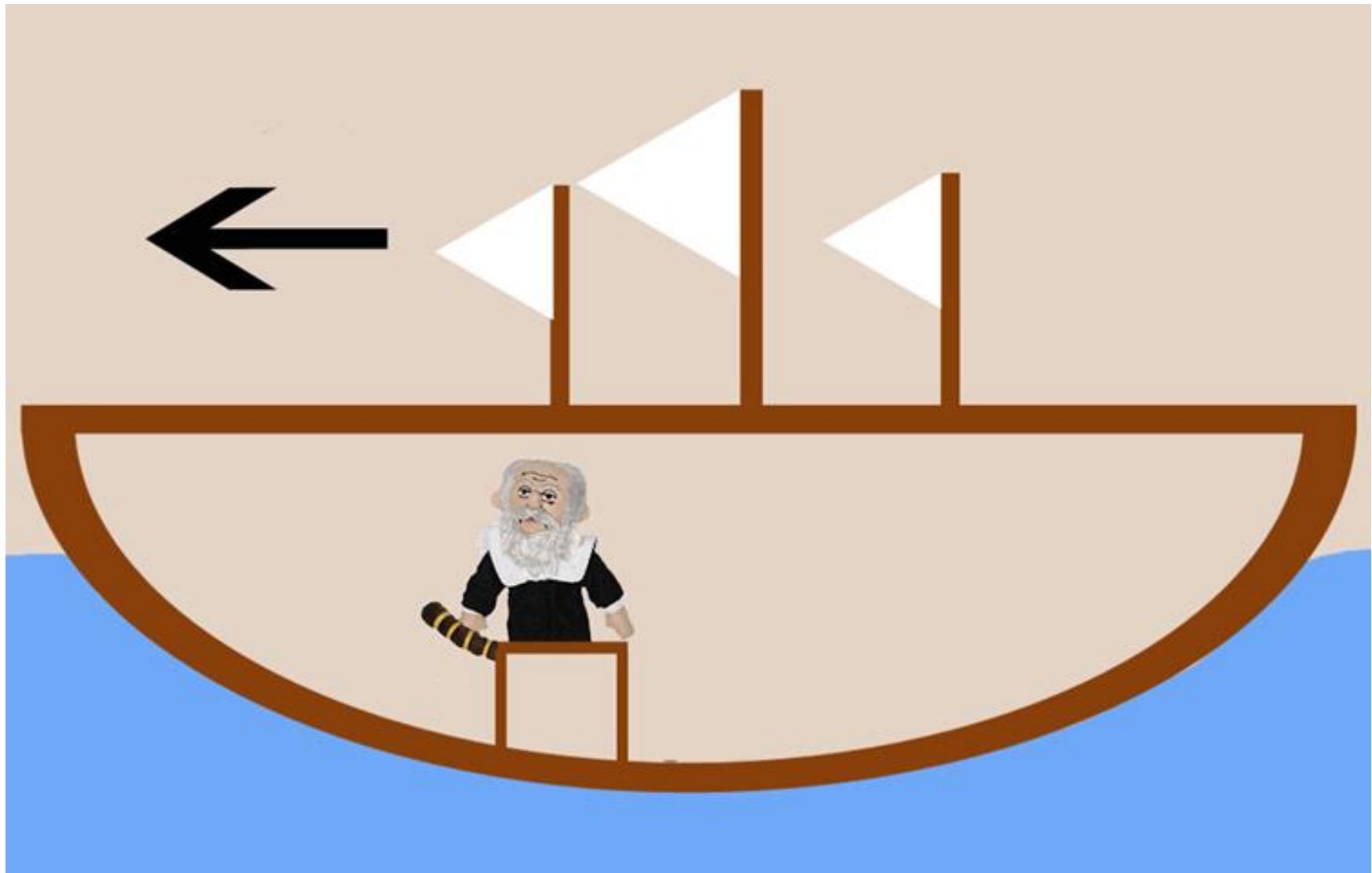
- určil, že prirodzený stav objektu je pokoj, resp. rovnomerný pohyb (t.j. predmety majú vždy rýchlosť, niekedy má táto rýchlosť nulovú veľkosť = pokoj),
- predmety odolávajú zmene pohybu, ktorá sa nazýva **zotrvačnosť**.

Newton

rozvinul tieto myšlienky a podporil ich matematickým aparátom:

- **zmena rýchlosťi (zrýchlenie) je spôsobená silou,**
- zotrvačnosť = odpor voči zmene pohybu – je úmerná hmotnosti predmetu a pôsobiacej sily.

renesancia – prvé pokusy chápanie relativity



Základné pojmy - mechanika

Mechanika - skúma pohybové stavy telies

(kinematika)

a pričiny ich pohybu

(dynamika).

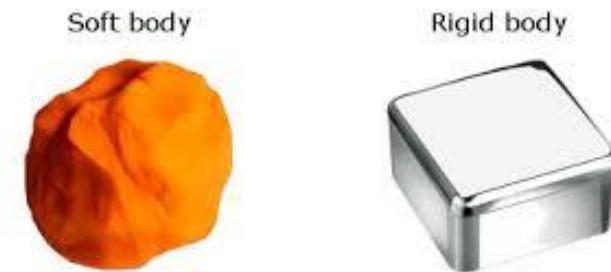
Základné pojmy a veličiny (v mechanike)

Hmotný bod – objekt so zanedbateľnými rozmermi a nenulovou hmotnosťou (pri pohybe vykonávajú všetky časti telesa ten istý pohyb).

Teleso je súbor atómov, molekúl alebo iónov - sústava hmotných bodov. Sily, ktoré jednotlivé častice držia pohromade nazývame vnútorné sily.

Tuhé teleso - rozmery a tvar telesa nemožno zanedbať.

Dokonale tuhé teleso je také teleso, ktoré sa pôsobením vonkajších síl nedeformuje.



Základné pojmy a veličiny (v mechanike)

Pohyb je zmena polohy hmotného bodu (telesa).

Pohyb môže byť pravidelný (rovnomerný) a nepravidelný (nerovnomerný).

Poznáme:

- posuvný pohyb,
- otáčavý (rotačný) pohyb,
- kmitavý (oscilačný) pohyb.

Trajektória je dráha (tvar dráhy) pri posuvnom pohybe – geometrická čiara, ktorú opisuje pri pohybe hmotný bod alebo teleso.

Dráha (vzdialenosť) sa často označuje veličinou s [m].

Vo väčšine prípadov je dráha skalárna veličina, ale niekedy je to vektor.

Základné pojmy a veličiny (v mechanike)

Rovnomerný priamočiary pohyb hmotného bodu:

- **dráha**, s [m] (vzdialenosť)
(pod pojmom trajektória sa chápe skôr tvar dráhy)
- **rýchlosť**, v [m/s, m·s⁻¹] (zmena dráhy za jednotku času)
 $v = s/t$ (priemerná rýchlosť), $v(\Delta t) = \Delta s / \Delta t$ (po úsekokach),
poznáme aj uhlovú rýchlosť ω [rad·s⁻¹] (rotujúce objekty)
- **zrýchlenie**, a [m/s², m·s⁻²] (zmena rýchlosťi za jednotku času)
 $a = v/t$ (priemerné zrýchlenie), $a(\Delta t) = \Delta v / \Delta t$ (po úsekokach),
(veľmi dôležité je gravitačné zrýchlenie g)
- **ryv**: r [m/s³, m·s⁻³] (zmena zrýchlenia za jednotku času)

Základné pojmy a veličiny (v mechanike)

Zrýchlený pohyb hmotného bodu:

Zo základného vzťahu pre zrýchlenie $a = v/t$ vyplýva:

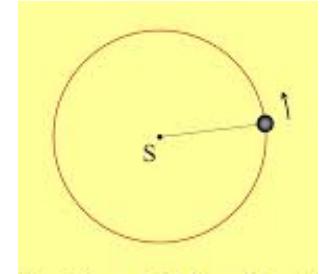
$$v = v_0 + at$$

kde v_0 je tzv. začiatočná (počiatočná) rýchlosť.

Pre dráhu zrýchleného pohybu platí:

$$s = v_0 t + \frac{1}{2}at^2$$

Základné pojmy a veličiny (v mechanike)



Rovnomerný pohyb hmotného bodu po kružnici:

Je to pohyb, pri ktorom sa hmotný bod pohybuje po trajektórii tvaru kružnice, pričom veľkosť jeho obvodovej rýchlosť je konštantná (smer rýchlosť sa mení). Rovnomerný pohyb po kružnici je periodický pohyb s periódou T (je to čas, za ktorý hmotný bod opíše celú kružnicu, $[T] = \text{s}$).

Obrátená hodnota periódy sa nazýva frekvencia f a určuje počet obehu, ktoré hmotný bod vykoná za jednu sekundu.

$$f = \frac{1}{T}, [f] = \text{s}^{-1} = \text{Hz}$$

Uhlová rýchlosť ω je veľkosť uhla, ktorý opíše sprievodič r hmotného bodu za jednu sekundu. $[\omega] = \text{rad s}^{-1}$

Ak poznáme periódu alebo frekvenciu pohybu, uhlovú rýchlosť vyjadríme ako:

$$|\omega| = 2\pi/T = 2\pi f$$

Pre obvodovú rýchlosť potom platí:

$$|v_t| = \omega r = 2\pi r f = 2\pi r/T$$

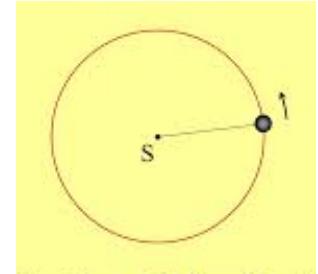
Pre zrýchlenie (tzv. dostredivé, centripetalne) v dôsledku rotácie platí: $a_n = \omega^2 r$.

Poznámka: Rýchlosť a zrýchlenie sú vektoru: tu ich rozkladáme na 2 zložky:

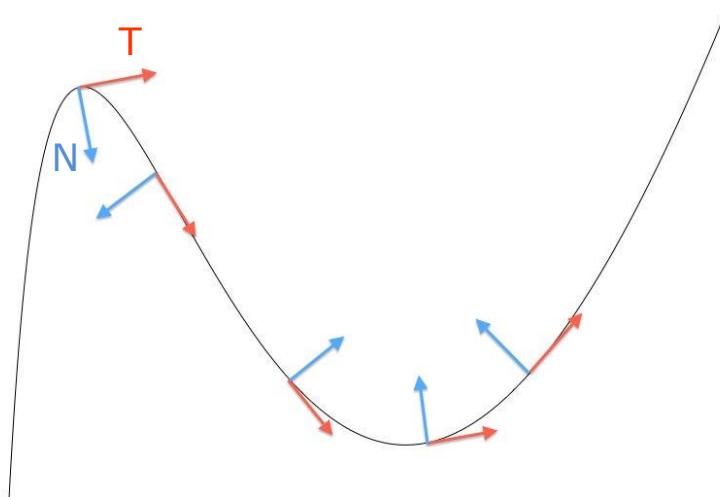
normálovú a tangenciálnu.

Základné pojmy a veličiny (v mechanike)

Rovnomerný pohyb hmotného bodu po kružnici:



- tangenciálna zložka vektora (napr. a_t) = dotyčnicová (spojená so zmenou veľkosti vektora)
- normállová zložka vektora (napr. a_n) = kolmá (spojená so zmenou smeru vektora)



Newtonove zákony pohybu:

1. zákon (zákon zotrvačnosti):

Teleso zotrva v pokoji alebo rovnomernom priamočiarom pohybe, ak nie je donútené vonkajšou silou tento stav zmeniť. Platí aj obrátene: Ak je teleso v pokoji alebo sa pohybuje rovnomerne priamočiaro, nepôsobí naň žiadna sila alebo výslednica pôsobiacich síl je nulová.

2. zákon (zákon sily):

Sila pôsobiaca na teleso mu udeľuje zrýchlenie, ktorého veľkosť je daná podielom veľkosti sily a hmotnosti telesa. Vyplýva z neho tzv. Newtonova pohybová rovnica: $\vec{F} = m \vec{a}$
Smer zrýchlenia je totožný so smerom pôsobiacej sily.

3. zákon (zákon akcie a reakcie):

Telesá na seba pôsobia vždy vzájomne, dvojicami síl rovnakej veľkosti a opačného smeru (ktoré súčasne vznikajú a zanikajú).

1. zákon (zákon zotrvačnosti):

Teleso zotrva v pokoji alebo rovnomernom priamočiarom pohybe, ak nie je donútené vonkajšou silou tento stav zmeniť.

With no outside forces,
this object will
never move



With no outside forces,
this object will
never stop



2. zákon (zákon sily):

$$\vec{F} = m \vec{a}$$

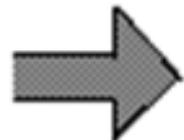
Jednotky:

$$[m] = \text{kg}$$

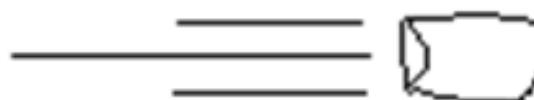
$$[a] = \text{m}\cdot\text{s}^{-2} \text{ (zrýchlenie = zmena rýchlosi za jednotku času)}$$

$$[F] = \text{N} = \text{kg}\cdot\text{m}\cdot\text{s}^{-2}$$

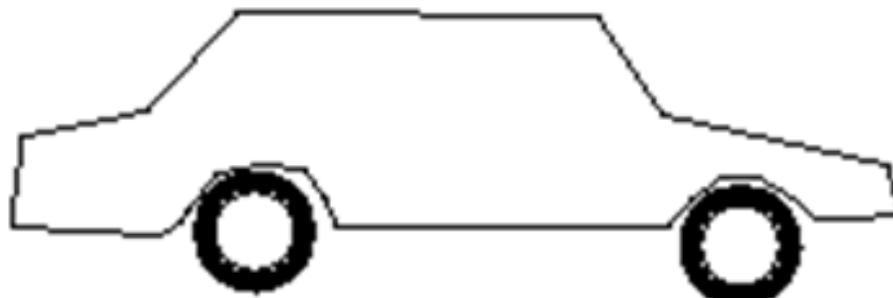
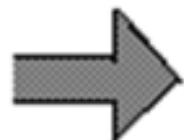
Same force



small mass: large acceleration

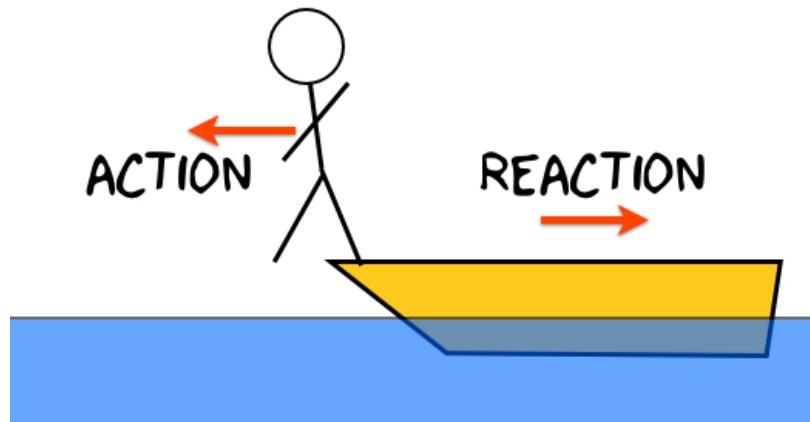


large mass: small acceleration



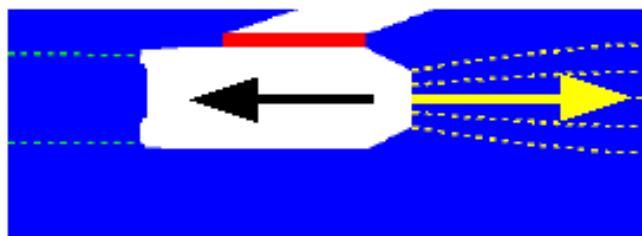
3. zákon (zákon akcie a reakcie):

Príklad: pohyb účastníka plavby s lod'kou



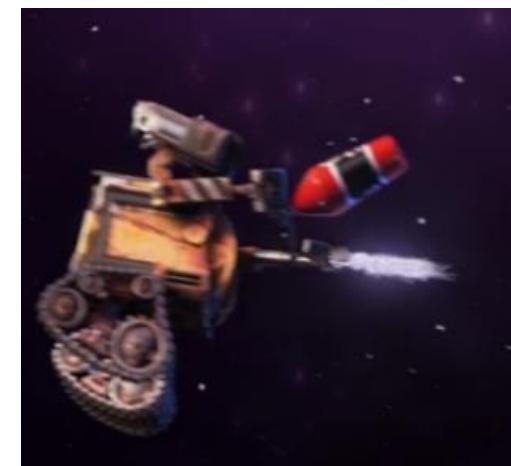
Príklad: prúdový motor

Engine pushed forward.

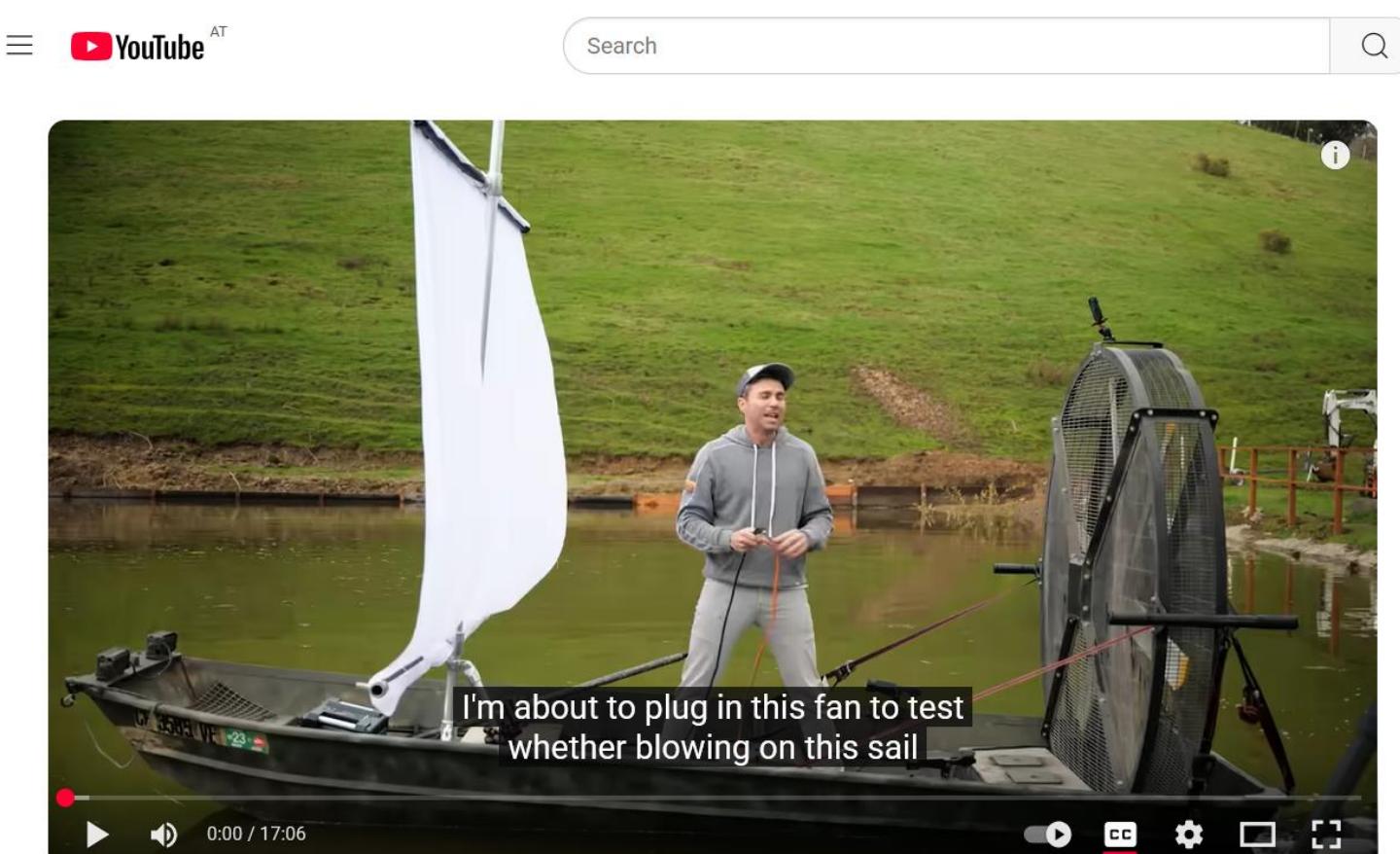


Jet Engine

Flow pushed
backward.



3. zákon (zákon akcie a reakcie):



Testing If You Can Blow Your Own Sail



Mark Rober 71.4M subscribers

Subscribe

1.2M



Share

Save

...

Youtuber Mark Rober:

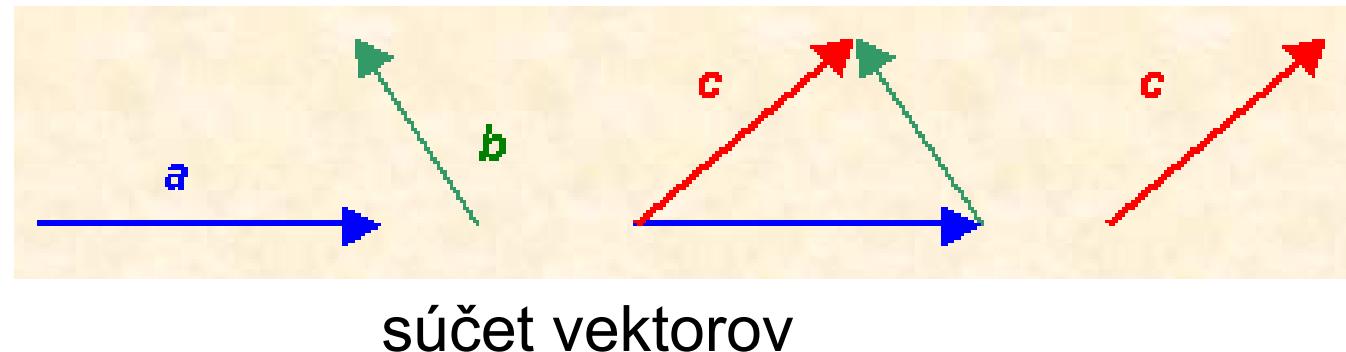
<https://www.youtube.com/watch?v=M7-h3FO-KKo>
(od času 5:45)

Základné pojmy - mechanika

Sila \vec{F} , jednotka [N], $\left[N = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2} \right]$

Definícia jednotky: jeden Newton je množstvo sily, ktoré udeľuje telesu s hmotnosťou 1 kilogram zrýchlenie $1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ (zrýchlenie pôsobí v smere sily)

Kedže sila (aj zrýchlenie) sú vektory, pre ich skladanie a rozklad platia tie isté geometrické poučky pre súčet, prípadne rozdiel vektorov. Často je ale v kinematike nutné najprv aplikovať rovnobežný prenos vektora (napr. pri odstredivom zrýchlení).

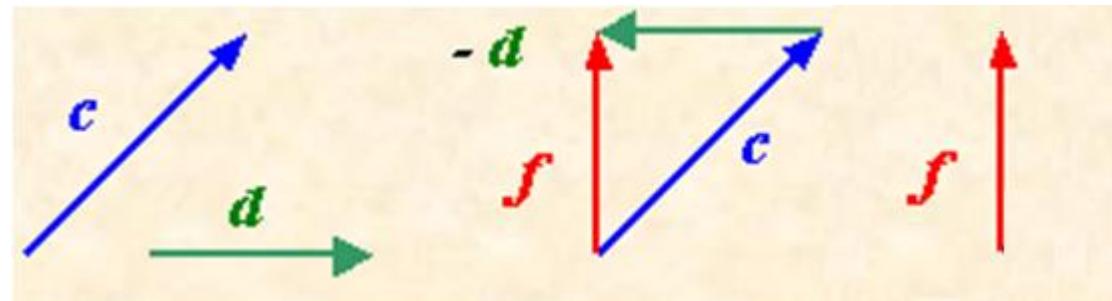


Základné pojmy - mechanika

Sila \vec{F} , jednotka [N], $\left[N = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2} \right]$

Definícia jednotky: jeden Newton je množstvo sily, ktoré udeľuje telesu s hmotnosťou 1 kilogram zrýchlenie 1 m s^{-2} (zrýchlenie pôsobí v smere sily)

Kedže sila (aj zrýchlenie) sú vektory, pre ich skladanie a rozklad platia tie isté geometrické poučky pre súčet, prípadne rozdiel vektorov. Často je ale v kinematike nutné najprv aplikovať rovnobežný prenos vektora (napr. pri odstredivom zrýchlení).



rozdiel vektorov

Základné pojmy - mechanika

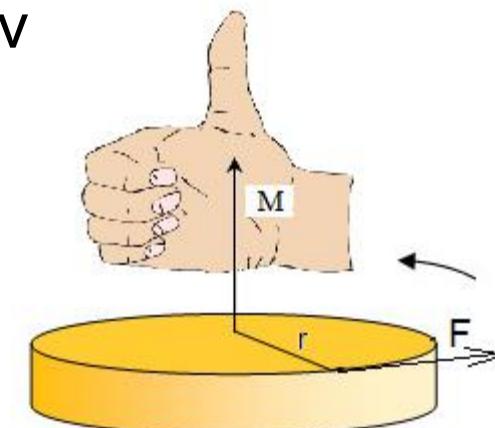
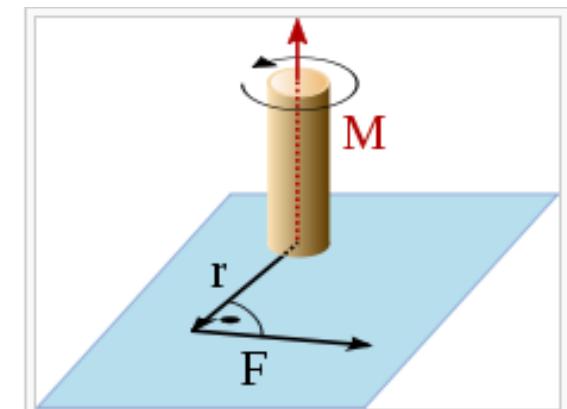
Moment sily \vec{M} , jednotka $[N \cdot m]$

$$\vec{M} = \vec{F} \times \vec{r}$$

vektorová fyzikálna veličina,
ktorá vyjadruje mieru otáčavého účinku sily.
(F – sila, r – polomer)

Počíta sa ako vektorový súčin – dvoch vektorov
(sily a ramena sily).

Vektorový súčin je daný súčinom
veľkostí dvoch vektorov a sínušu
uhla, ktorý zvierajú; jeho výsledkom
je vektor, kolmý na oba pôvodné
vektory.



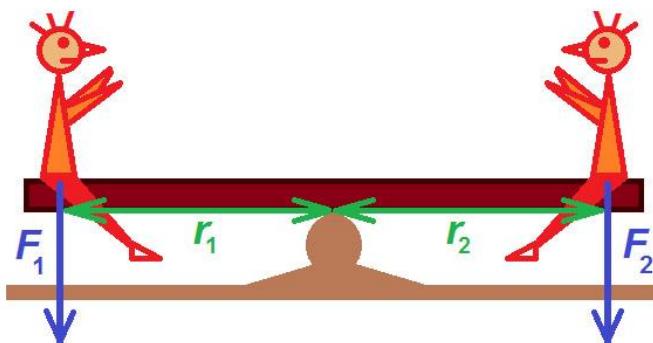
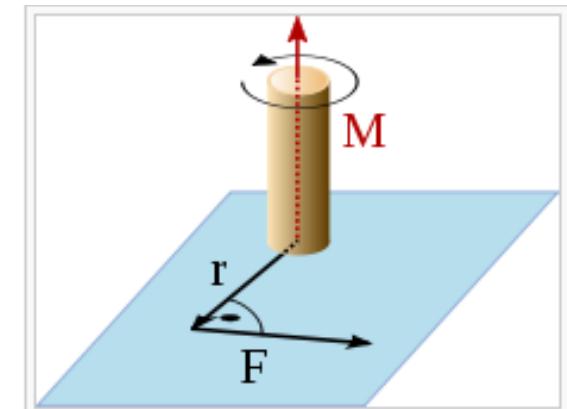
tzv. pravidlo
pravej ruky

Základné pojmy - mechanika

Moment sily \vec{M} , jednotka $[N \cdot m]$

$$\vec{M} = \vec{F} \times \vec{r}$$

je vektorová fyzikálna veličina,
ktorá vyjadruje mieru otáčavého účinku sily.
Rovnováha momentov síl sa často využíva (napr. váhy).



Základné pojmy - mechanika

Hybnosť \vec{p} , jednotka $\left[\frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}} \right]$

Definícia veličiny: súčin rýchlosťi a hmotnosti telesa
(charakterizuje pohybový účinok hmotnosti -
okamžitý pohybový stav telesa):

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

Vektorová veličina, jej smer je totožný so smerom vektoru rýchlosťi.

Základné pojmy - mechanika

- **tlak:** Tlak vyjadruje veľkosť sily, pôsobiacej na jednotkovú plochu.

$$p = \frac{|\vec{F}|}{a} = \frac{F}{a}$$

- kde F je veľkosť sily [N] a a je plocha [m^2].
- jednotka je pascal [Pa] = [N/m²] = [kg · s⁻² · m⁻¹].
- stará jednotka bola bar (1 bar = 100000 Pa).
- je to skalárna veličina (niekedy sa ale používajú jej vektorové verzie – napr. napätie).

Základné pojmy - mechanika

- **tlak:** Tlak vyjadruje veľkosť sily, pôsobiacej na jednotkovú plochu.

$$p = \frac{|\vec{F}|}{a} = \frac{F}{a}$$

$$1 \text{ Pa} = \text{N/m}^2$$

Pokus o vtip:

Laplace, Newton a Pascal hrajú schovávačku.

Ako prvý žmúri Laplace, Pascal skočí za kríky, ale Newton iba zostane stát' na mieste a paličkou vyryje do zeme okolo seba štvorec 1 x 1 m. Ked' Laplace skončí odrávanie a otvorí oči, tak zbadá Newtona a zakričí „Newton“! Newton však odvetí: „Nie, nie, Newton na meter štvorcový, čiže Pascal!“ 😊

Základné pojmy - mechanika

Práca

Dôležitá veličina vo fyzike je mechanická práca.

Ak **sila** pôsobí na teleso **po určitej dráhe**, koná **prácu**. Uplatňuje sa iba **zložka sily v smere dráhy** - sila pôsobiaca kolmo na smer dráhy telesa prácu nekoná.

Pre mechanickú prácu A platí zjednodušený vzorec:

$$A = F \cdot s$$



(rovnaký smer pôsobenia sily po dráhe)
(F je sila [N], s je dráha [m])

Jednotka práce – Joule (J):

$$[J] = N \cdot m = kg \cdot m^2 \cdot s^{-2}$$

Základné pojmy - mechanika

Práca

Správny vzorec:

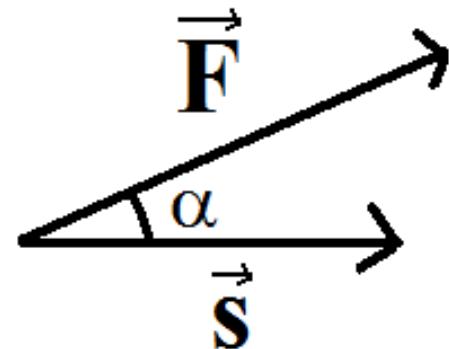
Treba si však uvedomiť, že vo správnom vzorci pre prácu vystupujú vektorové veličiny a vyskytuje sa tam tzv. skalárny súčin



$$A = \vec{F} \cdot \vec{s}$$

pre veľkosť ktorého platí:

$$A = |\vec{F}| |\vec{s}| \cos \alpha = F s \cos \alpha$$

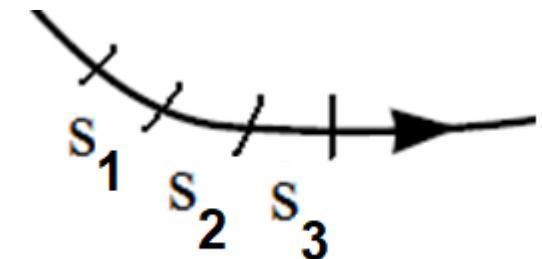
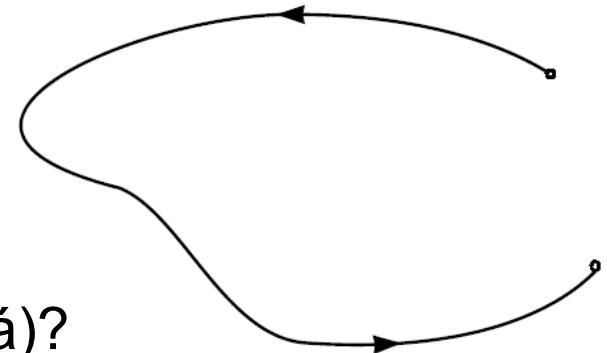


Základné pojmy - mechanika

Práca

Čo však spravíme v prípade,
kedy je tvar dráhy nepravidelný (dráha je krivá)?

Musíme túto dráhu rozdeliť na viacej
malých úsekov s_i , vypočítať prácu
na každom z nich a na záver zosumovať



$$A = \vec{F}_1 \cdot \vec{s}_1 + \vec{F}_2 \cdot \vec{s}_2 + \vec{F}_3 \cdot \vec{s}_3 \dots = \sum_{i=1}^N \vec{F}_i \cdot \vec{s}_i$$

kde N je počet úsekov dráhy.

Ked' členenie dráhy na jednotlivé úseky urobíme veľmi jemné
(použijeme veľmi malé úseky s_i), môžeme prejsť na tzv. integrál.
(táto téma bude preberaná na prednáškach z Matematiky ku koncu semestra)

Základné pojmy - mechanika

Práca je úzko spojená s mechanickou energiou.

Jednotka práce – Joule (J):

$$[J] = N \cdot m$$

$$[J] = N \cdot m = kg \cdot m^2 \cdot s^{-2}$$

alebo zodpovedá násobku jednotiek výkonu a času

$$[J] = W \cdot s \quad (\text{tzv. wattsekunda})$$

Poznámka:

Zastaraná jednotka: kalória (Cal), $1 J = 0.239006 \text{ Cal}$

Energia sa premieňa na prácu a naopak.

Ak sústava prechádza z pokoja do pohybu alebo naopak, pričom sa jej nedodáva ani neodoberá mechanická práca, ostáva súčet polohovej a kinetickej energie nemenný.

Energia aj práca majú rovnaký fyzikálny rozmer.

Základné pojmy - mechanika

Výkon

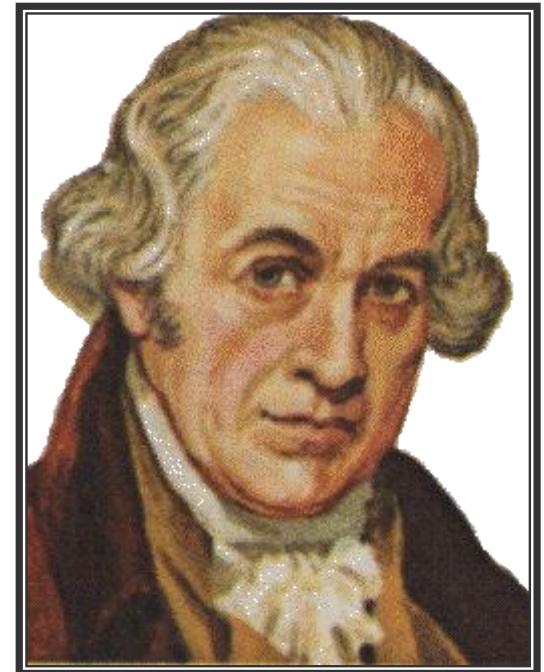
V prípade práce (zmeny energie) je tiež dôležité, **za aký čas** bola práca vykonaná alebo spotrebovaná.

To vyjadruje fyzikálna veličina **výkon = práca za jednotku času.**

$$P = \frac{A}{t} \quad [W]$$

Jednotkou výkonu je watt:

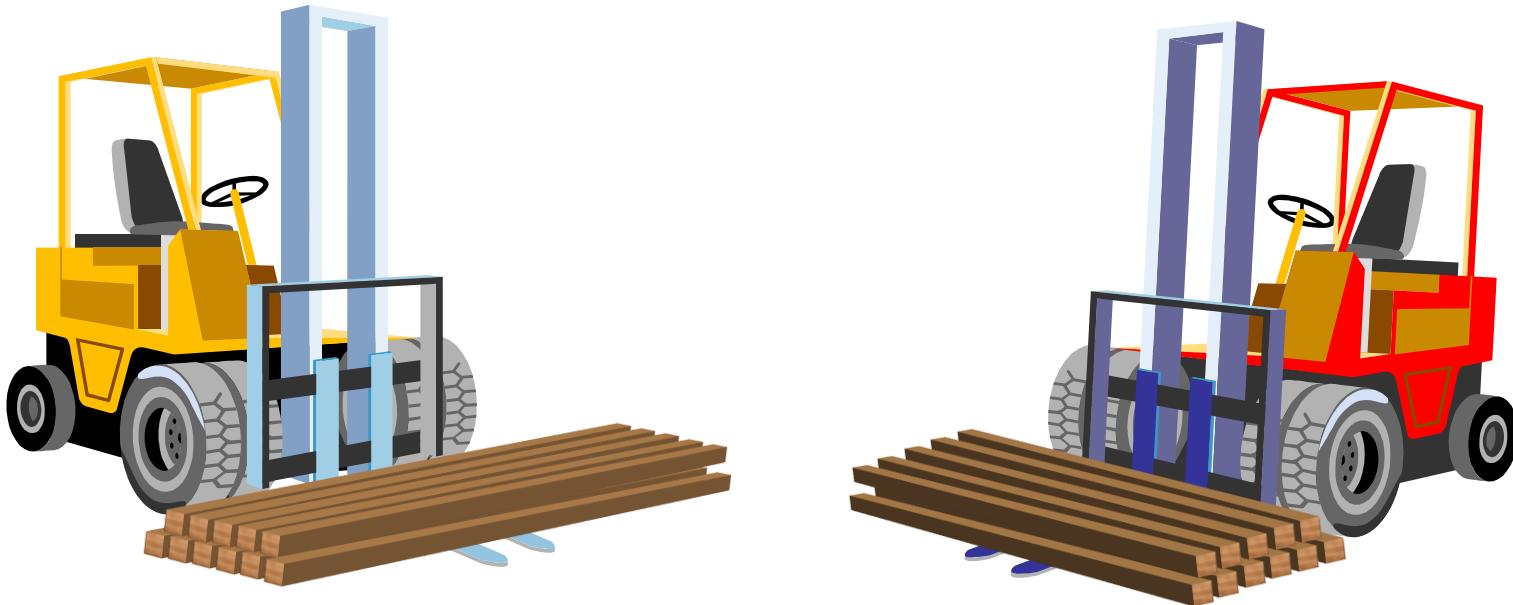
$$[W] = [J \cdot s^{-1}] = [kg \cdot m^2 \cdot s^{-3}]$$



James Watt,
škótsky fyzik (1736-1819)

Príklad:

Novší vysokozdvižný vozík zdvihne drevené hranoly s celkovou hmotnosťou $m = 900 \text{ kg}$ do výšky $h = 130 \text{ cm}$.

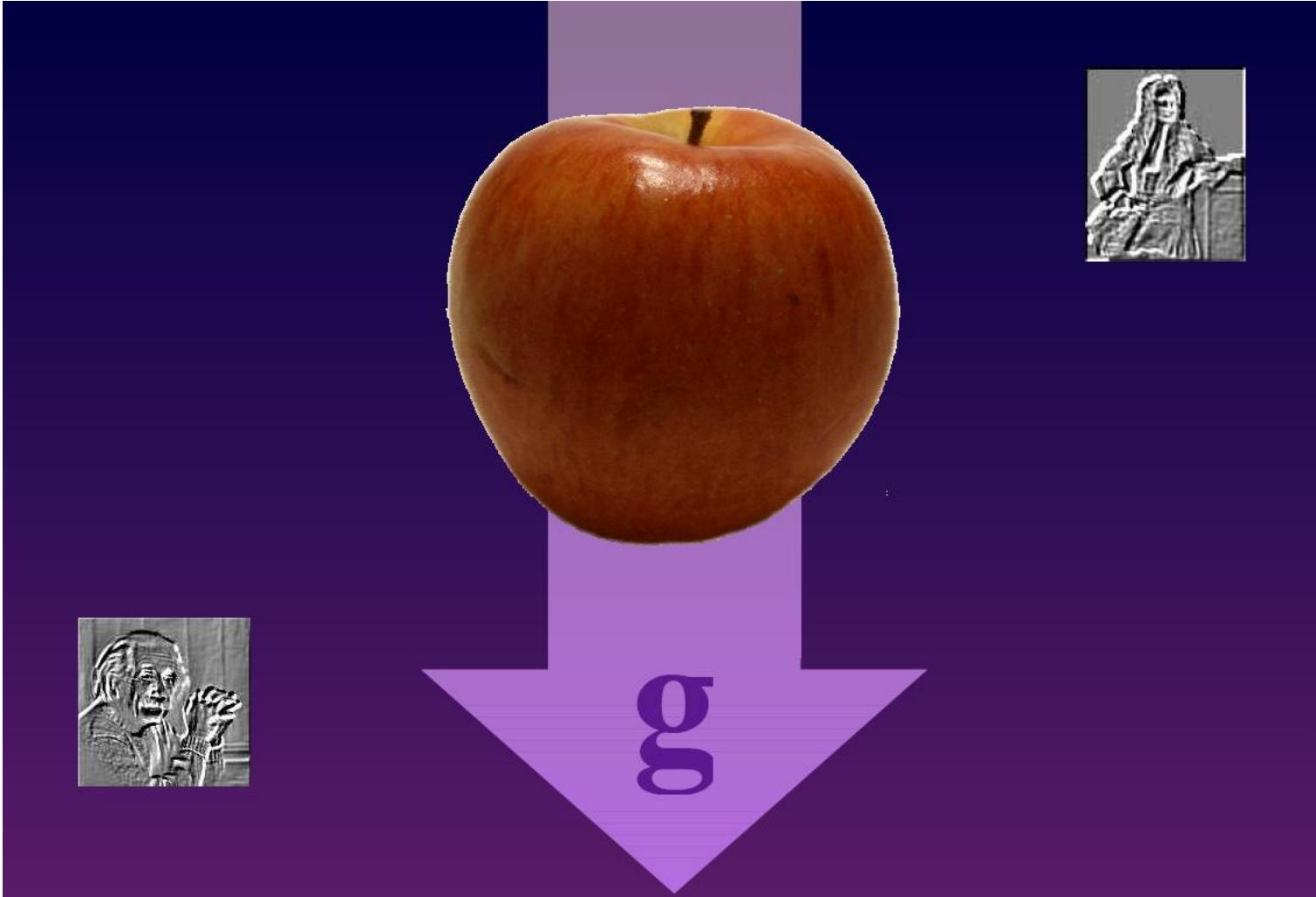


$$A_{\text{starší}} = A_{\text{novší}} = 1170 \text{ J}$$

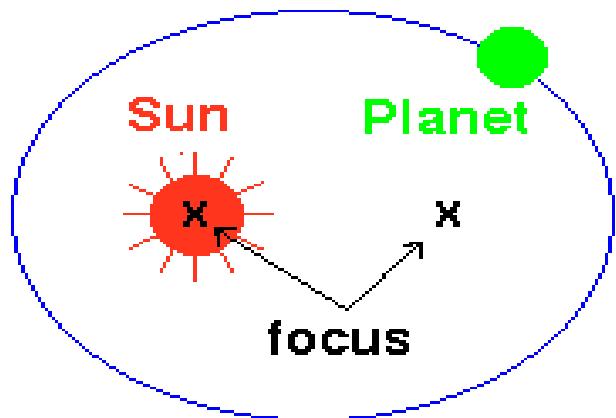
Vozíky vykonajú **rovnakú prácu**, ale za **rôzny čas**.

Výkon novšieho vozíka: $P_{\text{novší}} = 2P_{\text{starší}}$ (novší potreboval polovičný čas).

gravitácia



Keplerove zákony pohybu planét:



Kepler bol prvý, ktorý opustil filozofický predpoklad kružníc ako dokonalých dráh nebeských telies, považovaný vtedy za samozrejlosť. Toto „zväzovalo ruky“ Kopernikovi.

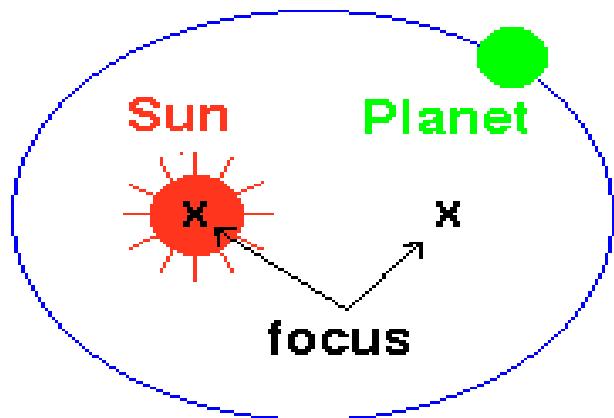


Johannes Kepler
(1571 - 1630)

Formuloval 3 zákony (nazvané po ňom):

1.zákon: Planéty sa pohybujú okolo Slnka po elipsách, v ktorých ohnisko je Slnko.

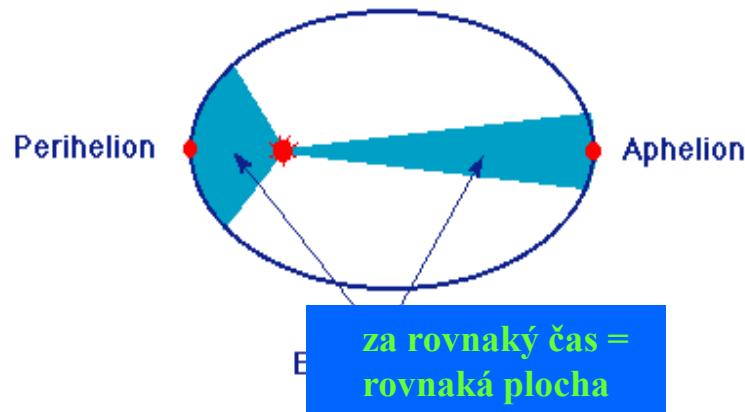
Keplerove zákony pohybu planét:



Kepler bol prvý, ktorý opustil filozofický predpoklad kružníc ako dokonalých dráh nebeských telies, považovaný vtedy za samozrejmost'. Toto „zväzovalo ruky“ Kopernikovi.



Johannes Kepler
(1571 - 1630)



2.zákon

(zákon stálej plošnej rýchlosťi):
Sprievodič planéty (úsečka spájajúca ju so Slnkom) opíše za rovnaký čas rovnakú plochu.
(čím d'alej je teleso od Slnka, tým pomalšie sa pohybuje)

3.zákon: Druhé mocniny obežných dôb ($T_{1,2}$) sú v rovnakom pomere ako tretie mocniny veľkých polosí dráh ($R_{1,2}$) – pre každú dvojicu telies obiehajúcich okolo istého centrálneho telesa.

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{R_1^3}{R_2^3}$$

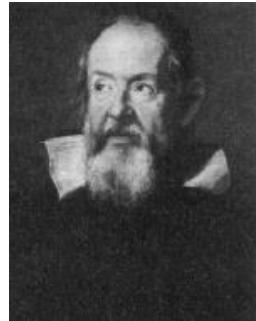
Príklad: planéty **Zem** a **Jupiter**. Obežná doba Jupitera je **11,86 roku** (11,86-násobok obežnej doby Zeme), veľká polos jeho dráhy (oproti Zemi) je **5,2-krát** väčšia. Malo by teda platiť:

$$(11.86)^2/1^2 = (5.2)^3/1^3 \\ 140.66 \approx 140.61$$

Johannes Kepler formuloval tieto zákony na základe viac ako 20-ročných pozorovaní planét, ktoré vykonal Tycho de Brahe so svojími spolupracovníkmi *empiricky – bez teoretického zdôvodnenia*.

Až Isaac Newton dokázal, že sú dôsledkom gravitačného zákona.

prvé serozne úvahy a pokusy snažiace sa pochopíť gravitáciu – Galileo Galilei:



Galileo Galilei
(1564 - 1642)

- voľný pád (podmienený tiažovým polom Zeme) je zrýchlený pohyb
- tiažové zrýchlenie g nezávisí od hmotnosti telesa
(na rozdiel od predstáv Aristotela)
pozorovania + logické úvahy + pokus

pekný pokus (prof. Brian Cox):

<https://www.youtube.com/watch?v=E43-CfukEgs&feature=youtu.be>

další pekný pokus v rámci misie Apollo na povrchu Mesiaca (N. Armstrong):

https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Apollo_15_feather_and_hammer_drop.ogg

IN VYSVETLUVÉ GALILEIHO 57

ideľ nijakú rýchlosť, len
stane pri ňom bez
ento jav si vysvetluje
vačnosti, podľa ktorého
vonkajšie sily, si
chlosť (tu
mení bez toho,

pu relativity je
naké ako hladisko
i vysvetluje, čo
pri A), tvrdiac, že
ní k zemi
de, prečo kameň
o naopak), si
ho zákon, podľa
hladu na



iy sú

sti som mal

jej relativity a jej
seba Einstein
muláciu
šak bolo treba
to povedať, že
chápali jej
sodobne

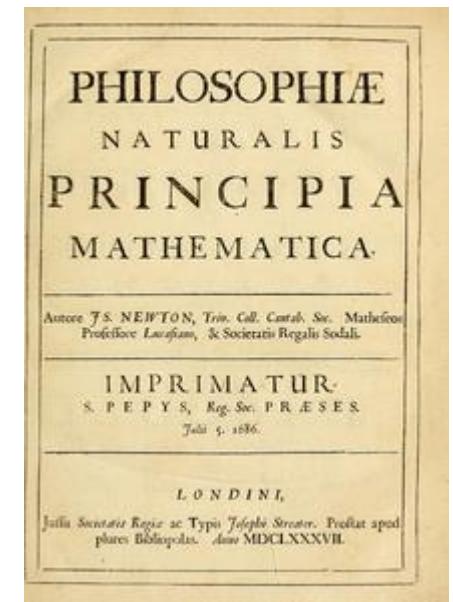


dielo Isaaca Newtona

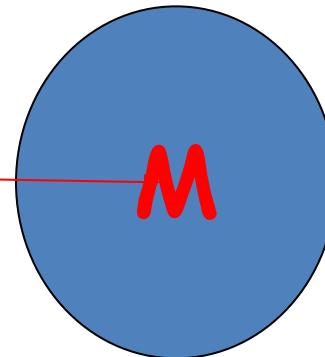
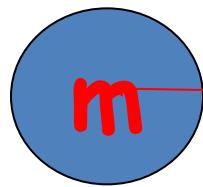
- pohybové zákony
- gravitačný zákon
- matematické potvrdenie Keplerových zákonov
- zavedenie derivácií v matematike
- najdôležejšia práca (kniga):
Philosophiæ Naturalis Principia Mathematica (Mathematical Principles of Natural Philosophy),
prvé vydanie: 5. júl 1687
(neskoršie vydania: 1713 and 1726)
- druhúčasť svojho profesného života strávil ako "šéf" kráľovskej mincovne (Royal mint)



Isaac Newton
1643 - 1727



Newtonov gravitačný zákon:



$$F \propto m$$

$$F \propto M$$

$$F \propto \frac{1}{r^2}$$

gravitačná (Newtonova) konštanta

kombinácia: $F \propto \frac{mM}{r^2}$

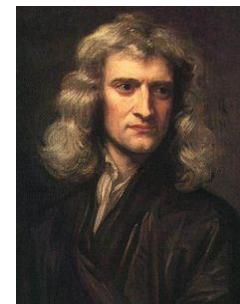
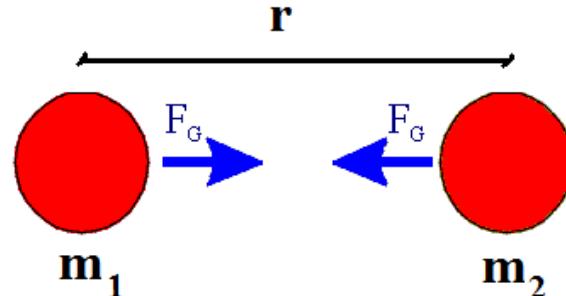
$$F = G \frac{mM}{r^2}$$

Newton formuloval gravitačný zákon iba slovne (ďalší snímok),
a nie vo forme vzorca, ktorý používame dnes...

Poznámka:

Vlastnosť $(1/r^2)$ bola rozpoznaná už pred Newtonom – vedcami: Robert Hook a Ismaël Boulliau.

Newtonov gravitačný zákon:



Isaac Newton
(1643 – 1727)

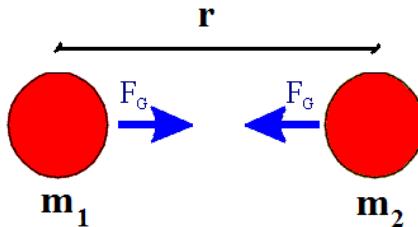
Dva hmotné body s hmotnosťami m_1 a m_2 , ktorých vzájomná vzdialenosť je r , pôsobia na seba príťažlivými silami s hodnotou priamo úmernou súčinu ich hmotností a nepriamo úmernou štvorcu (druhej mocnine) ich vzdialnosti.

$$F_G = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad [\text{N}]$$

$$G = \kappa = 6.674 \cdot 10^{-11} \left[\text{m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2} \right]$$

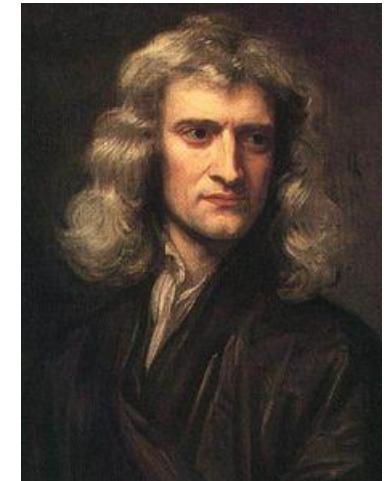
konštantá G (niekedy býva označovaná κ , grécka kappa) - gravitačná konštantá - určil ju prvýkrát Henry Cavendish pomocou *torzných váh* - schéma jeho experimentu bude vysvetlená neskôr.

Newtonov gravitačný zákon:



Presná citácia (dôsledok vety LXXVI) z "Principií":
"A v ľubovoľných odlišných vzdialenosťach budú tieto
sily úmerné príťahujúcim guliám vydelených druhými
mocninami vzdialenosťí medzi stredmi."

Newtonovo
základné dielo
*„Philosophiae
Naturalis
Principia
Mathematica“*
vyšlo r. 1687



Isaac Newton
(1643 – 1727)

Oproti silám elektrickým, ktoré môžu byť *príťažlivé*
aj *odpudivé*, **gravitačné sily** sú *iba príťažlivé*.

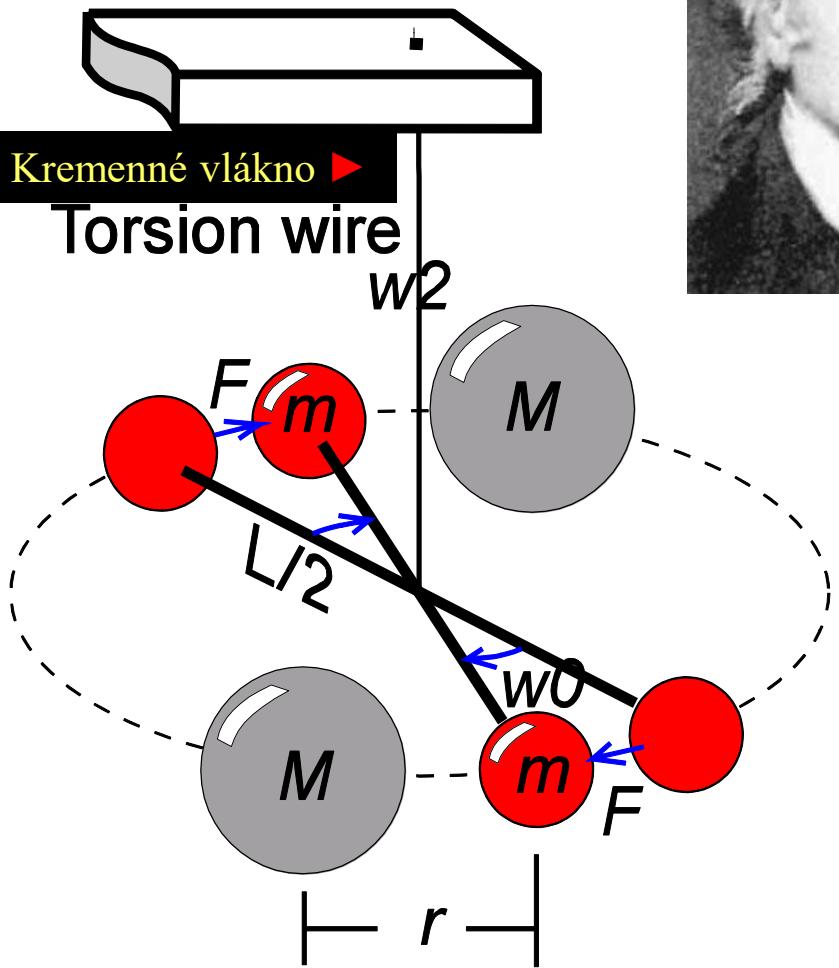
Preto gravitácia, ktorá je v mikrosvete zanedbateľná,
je vo vesmíre **rozhodujúcou silou**.

Gravitácia je sila **centrálna** – pôsobí vždy smerom
spojnice tiažísk (hmotných stredov) oboch telies.

Newtonov gravitačný zákon vysvetľuje "ako sa to deje", ale nie "prečo sa to deje".

© 2023 Školské práce. Všetky práva vyhradené.

pokus H. Cavendisha



$$G = 6.74 \cdot 10^{-11} \left[\text{m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2} \right]$$



Určenie G torznými váhami – prvý krát: Henry Cavendish - 1798.

Napriek pokroku meracej techniky je táto konštantá dodnes najmenej presne určenou fyzikálnou konštantou.

Presné merania sú veľmi obtiažné a náročné. V astronómii a kozmonautike (výpočty dráh) sa pracuje so súčinmi ($G \cdot M$), kde M je hmotnosť príslušného telesa (napr. Zeme). Hodnoty týchto súčinov sú známe s oveľa vyššou presnosťou.

gravitačné zrýchlenie (g):

Newtonov gravitačný zákon:

$$|F| = G \frac{m_1 m_2}{r^2} = G \frac{mM}{r^2}$$

z Newtonovho zákona sily vyplýva pre zrýchlenie g:

$$|F| = mg \Rightarrow |g| = \frac{F}{m} \Rightarrow |g| = G \frac{M}{r^2} [\text{m}\cdot\text{s}^{-2}]$$

Hodnota g?

u nás cca $9.81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$ (alebo zaokrúhlene $10 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$)

Je možné odhadnúť výpočtom – viď nasledujúci snímok.

gravitačné zrýchlenie (g):

Konkrétna hodnota zrýchlenia – pre Zem:

(hmotnosť Zeme $\sim 5.9 \cdot 10^{24}$ kg; polomer Zeme ~ 6371000 m,
 $G \sim 6.7 \cdot 10^{-11}$ N·m²/kg²)

$$|g| = G \frac{M}{r^2} \approx 9.8 \text{ [m}\cdot\text{s}^{-2}]$$

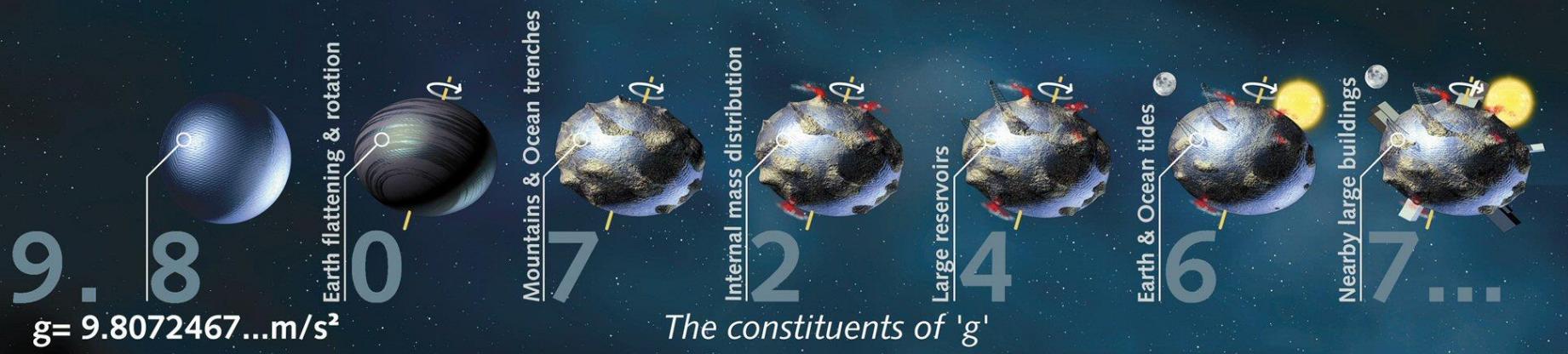
gravitačné zrýchlenie (g):

$$|g| = G \frac{M}{r^2} \approx 9.8 \text{ [m}\cdot\text{s}^{-2}]$$

Je táto hodnota rovnaká pre všetky telesá na zemskom povrchu?
(telesá s rôznou hmotnosťou, umiestnené v tom istom bode)

Je táto hodnota rovnaká pre všetky miesta na zemskom povrchu?
(na póle, na rovníku, u nás ...)

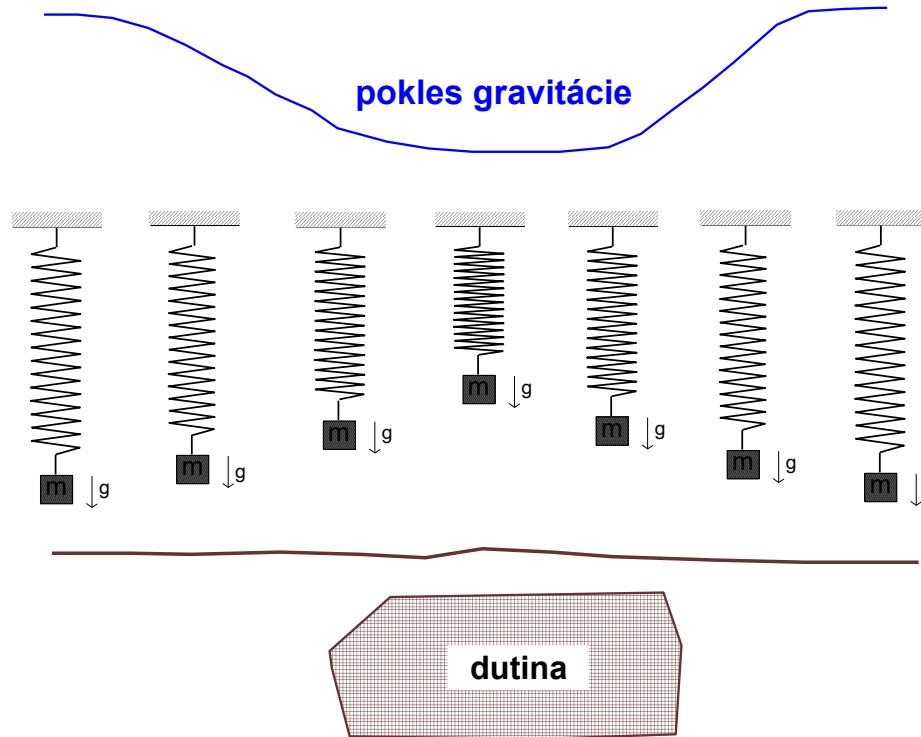
gravitačné zrýchlenie (g):



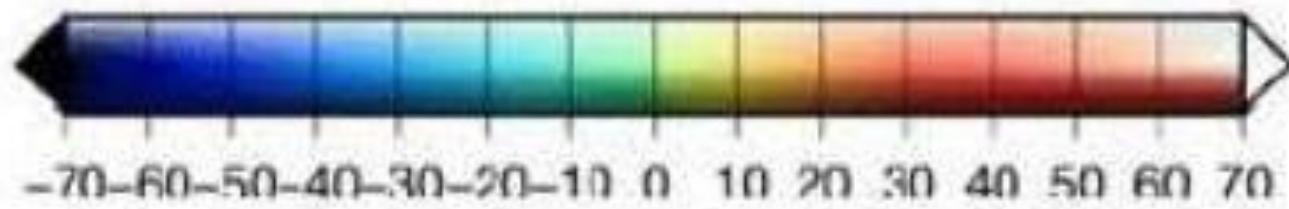
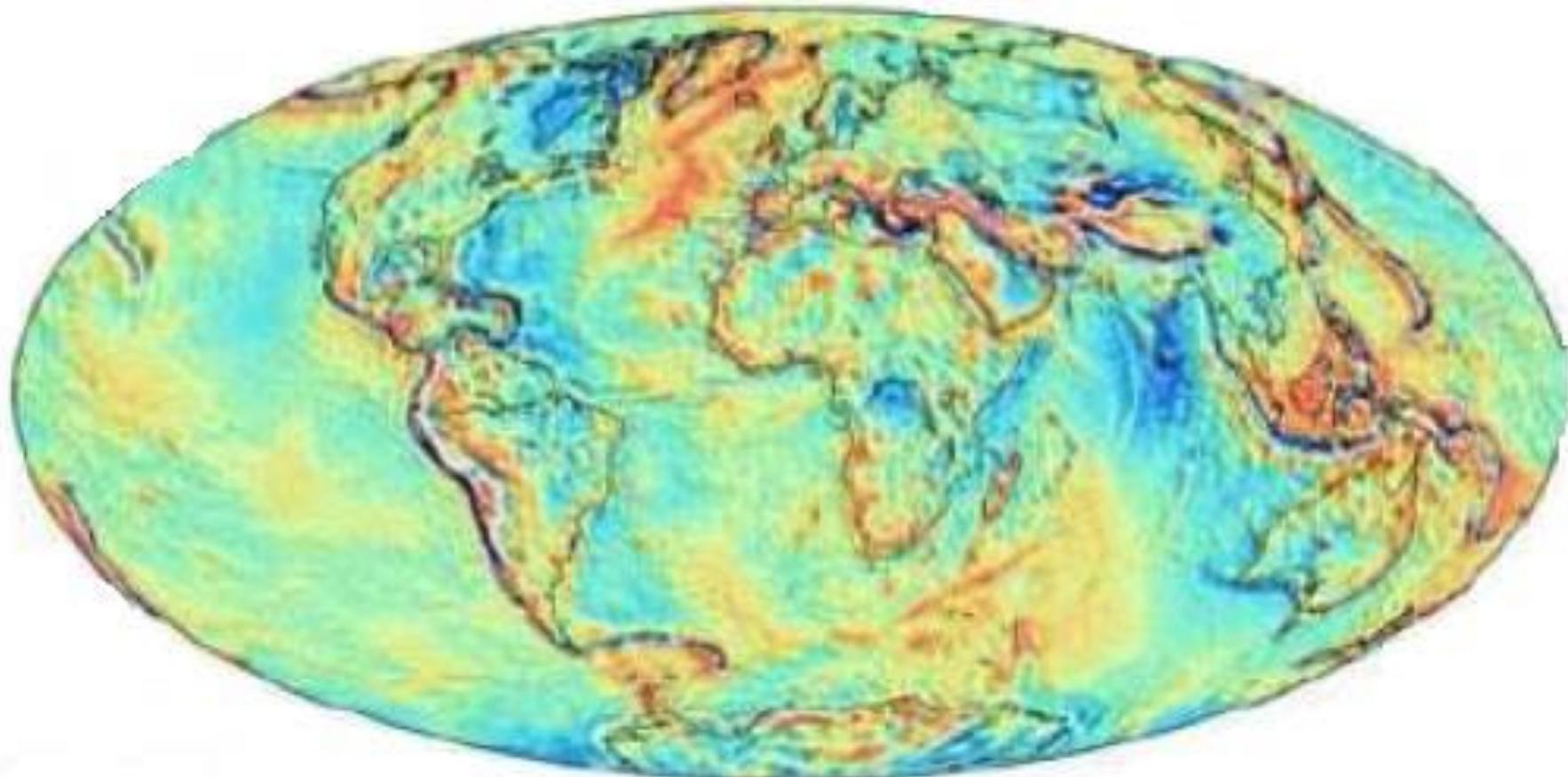
Je táto hodnota rovnaká pre všetky telesá na zemskom povrchu?
(telesá s rôznou hmotnosťou, umiestnené v tom istom bode)
Približne áno (pri zanedbaní odporu vzduchu), nezávisí od hmotnosti
(vo vákuu platí, že všetkým telesám je udelované rovnaké g)

Je táto hodnota rovnaká pre všetky miesta na zemskom povrchu?
(na póle, na rovníku, u nás ...)

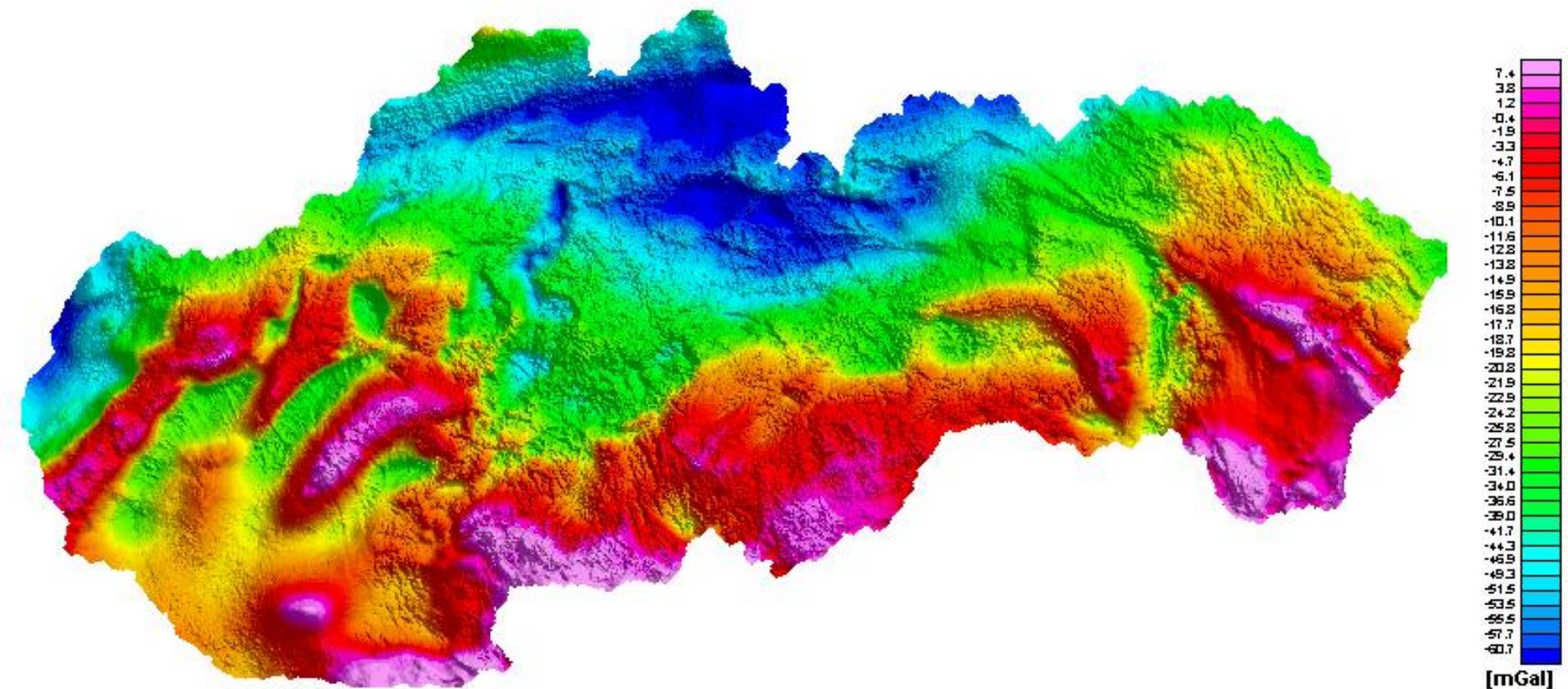
Nie – nakoľko naša Zem rotuje a tým pôsobí na objekt aj odstredivé
zrýchlenie a celkové zrýchlenie závisí aj od nadmorskej výšky a topografie.
Merané g nazývame potom ako tiažové zrýchlenie.



prístroje na meranie tiažového zrýchlenia Zeme - gravimetre



anomálne tiažové pole na povrchu Zeme (na kontinentoch a na hladinách oceánov)



anomálne tiažové pole na území SR (tzv. Bouguerove anomálie)

Gravitácia - dôsledky

Vol'ný pád:

Výpočet dráhy s:

$$s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

Ked' vezmeme pre čas $t = 0$ začiatočnú hodnotu

$v_0 = 0$, tak získame známy vzorec:

$$s = \frac{1}{2} g t^2$$

Pre rýchlosť v platí: $v = v_0 + gt$

Príklad:

$$t_1 = 1 \text{ sek.} \Rightarrow s_1 = 0.5 g t_1^2 = 5 \cdot 1 = 5 \text{ m}$$

$$t_2 = 2 \text{ sek.} \Rightarrow s_2 = 0.5 g t_2^2 = 5 \cdot 4 = 20 \text{ m}$$

$$t_3 = 3 \text{ sek.} \Rightarrow s_3 = 0.5 g t_3^2 = 5 \cdot 9 = 45 \text{ m}$$

$$t_4 = 4 \text{ sek.} \Rightarrow s_4 = 0.5 g t_4^2 = 5 \cdot 16 = 80 \text{ m}$$



Gravitácia - dôsledky

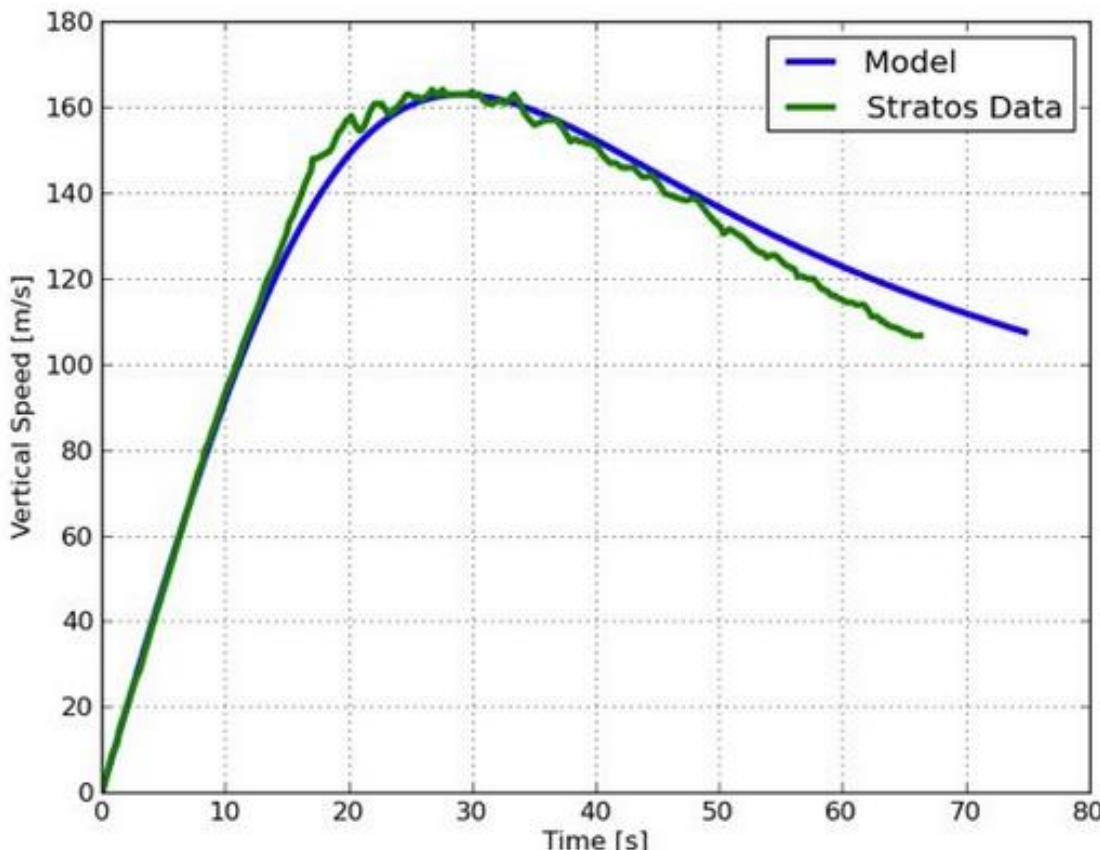
Vol'ný pád:

$$s = \frac{1}{2} g t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2s}{g}}$$

Príklad: skok Felix Baumgartnera (2012)

výška: 38 969 m

čas: 4 min 20 s



odpor vzduchu:

$$|\vec{F}_{\text{AIR}}| = -k |\vec{v}|^2$$

kde k je koeficient odporu vzduchu
 $k = 0.24 \text{ [kg/m]}$

Gravitácia - dôsledky

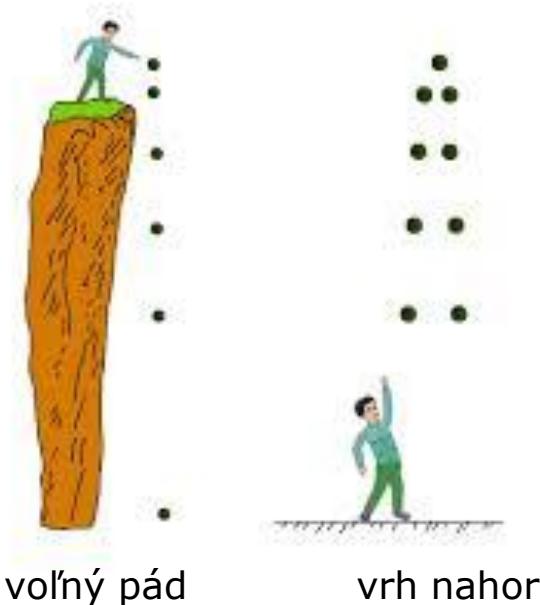
Vrh nahor:

$$s = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$$

zmena rýchlosťi:

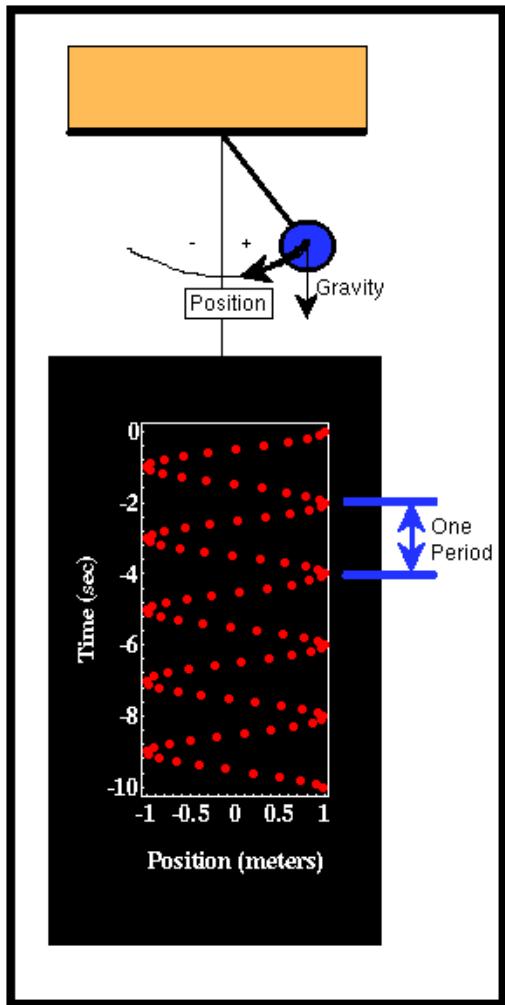
$$v = v_0 - gt$$

Pohyb nahor je spomaľovaný – až kým rýchlosť v nedosiahne nulu ($v = 0$) a od tohto momentu nasleduje voľný pád.



Gravitácia - dôsledky

matematické kyvadlo



Napríklad aj doba kyvu matematického kyvadla s dĺžkou L nezávisí od hmotnosti objektu m na jeho konci:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} \quad [\text{s}]$$

Walter Lewin – prednáška MIT
(video),
 $L = 5.21 \text{ m}$, $g = 9.8 \text{ m/s}^2$,
odhad doby kyvu: 4.58 s

http://www.youtube.com/watch?v=KXys_myMKA

matematické kyvadlo

Walter Lewin – prednáška MIT



matematické kyvadlo – približné odvodenie vzorca pre periódu T

Hlavná sila, ktorá spôsobuje pohyb kyvadla je samozrejme späť s gravitačnou silou:

$$F = F_G \sin \alpha \quad (1)$$

Z obrázku s hlavným trojuholníkom vyplýva (pre $\alpha < 5^\circ$): $\sin \alpha = y/L$

Ďalej použijeme vzťahy (2. Newtonov zákon): $F_G = mg$, $F = ma$

Vráťme sa ko rovnici (1): $F = F_G \sin \alpha$

$$ma = mg \sin \alpha$$

$$a = g \frac{y}{L} \quad (2)$$

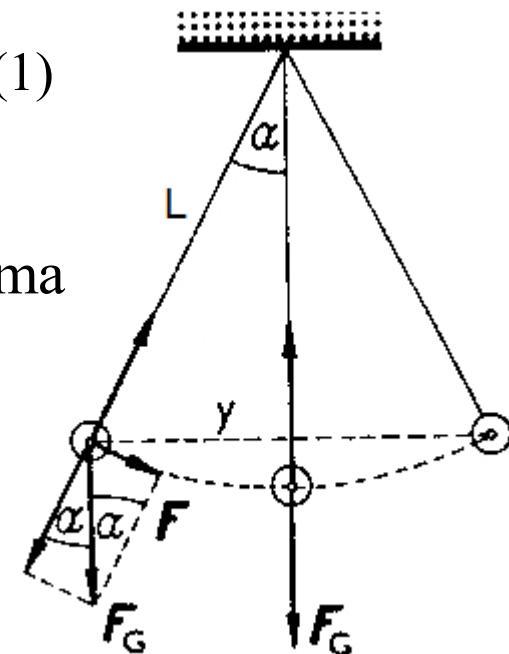
Pre rotačný pohyb platí (pre norm. zrýchlenie): $a = \omega^2 y$, $\omega = 2\pi/T$

kde: ω je uhlová rýchlosť a T je períoda

Po dosadení týchto výrazov do rovnici (2) dostaneme:

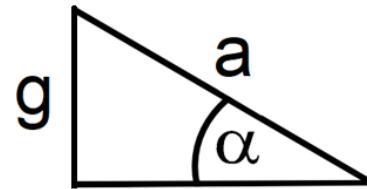
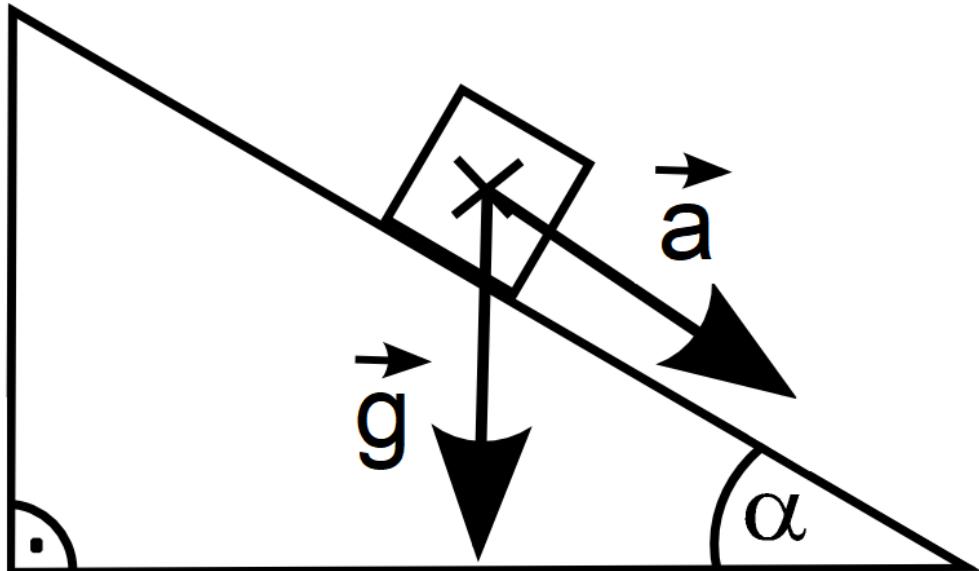
$$\left(\frac{2\pi}{T} \right)^2 = \frac{g}{L}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$



Gravitácia - dôsledky

kĺzavý pohyb po naklonenej rovine (bez trenia)



$$a = g \sin \alpha$$

Aj tento druh zrýchlenia nezávisí od hmotnosti objektu.

Pozn.: Pohyb vody v hydrológii – zodpovedá tomuto modelu.

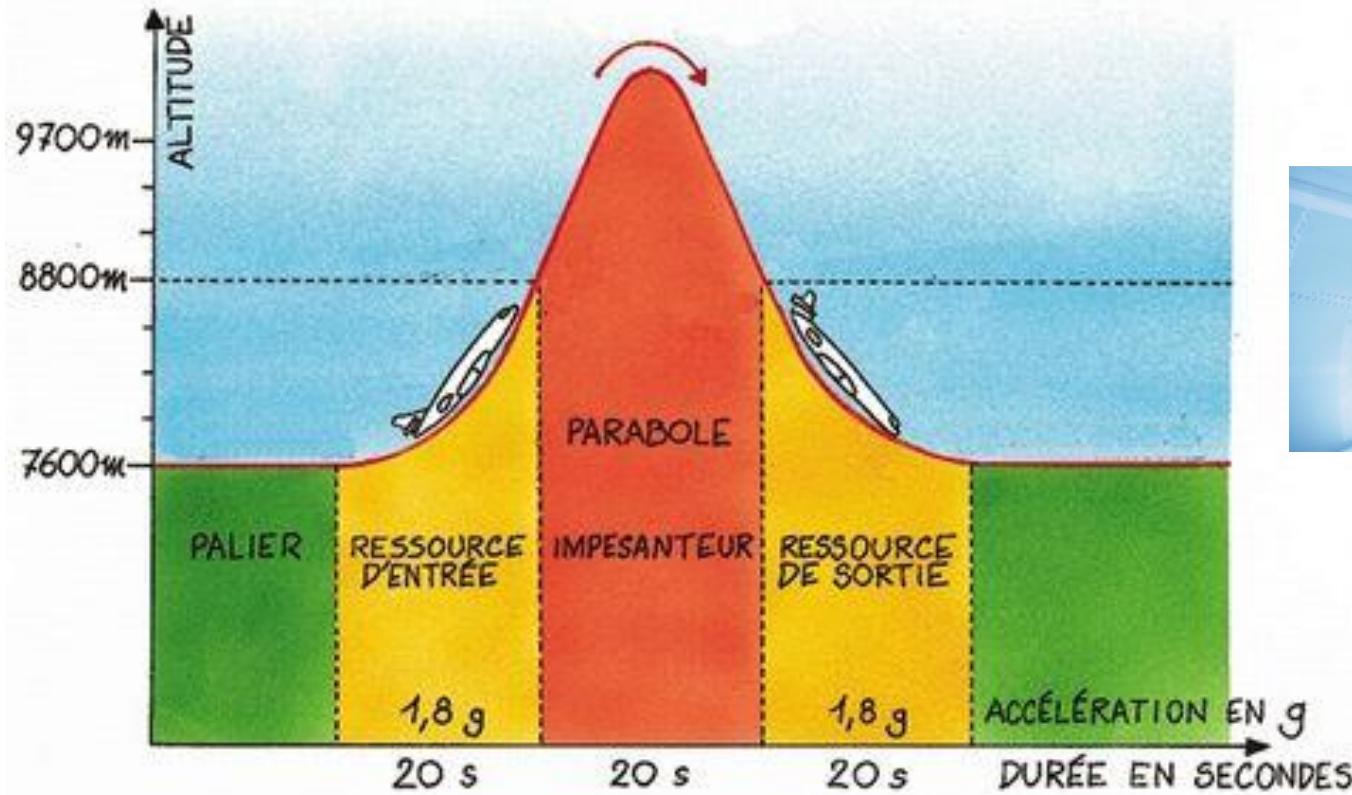
Inak je to ale pri tzv. valivom pohybe, kde sa uplatňuje pri rotácii telesa tzv. moment zotrvačnosti (a ten už je funkciou hmotnosti).

skalné more – Vyhne – tzv. gravitačné triedenie (?)



tzv. parabola nulového G (zero G parable)

simulovanie beztiažového stavu na Zemi (v lietadle)



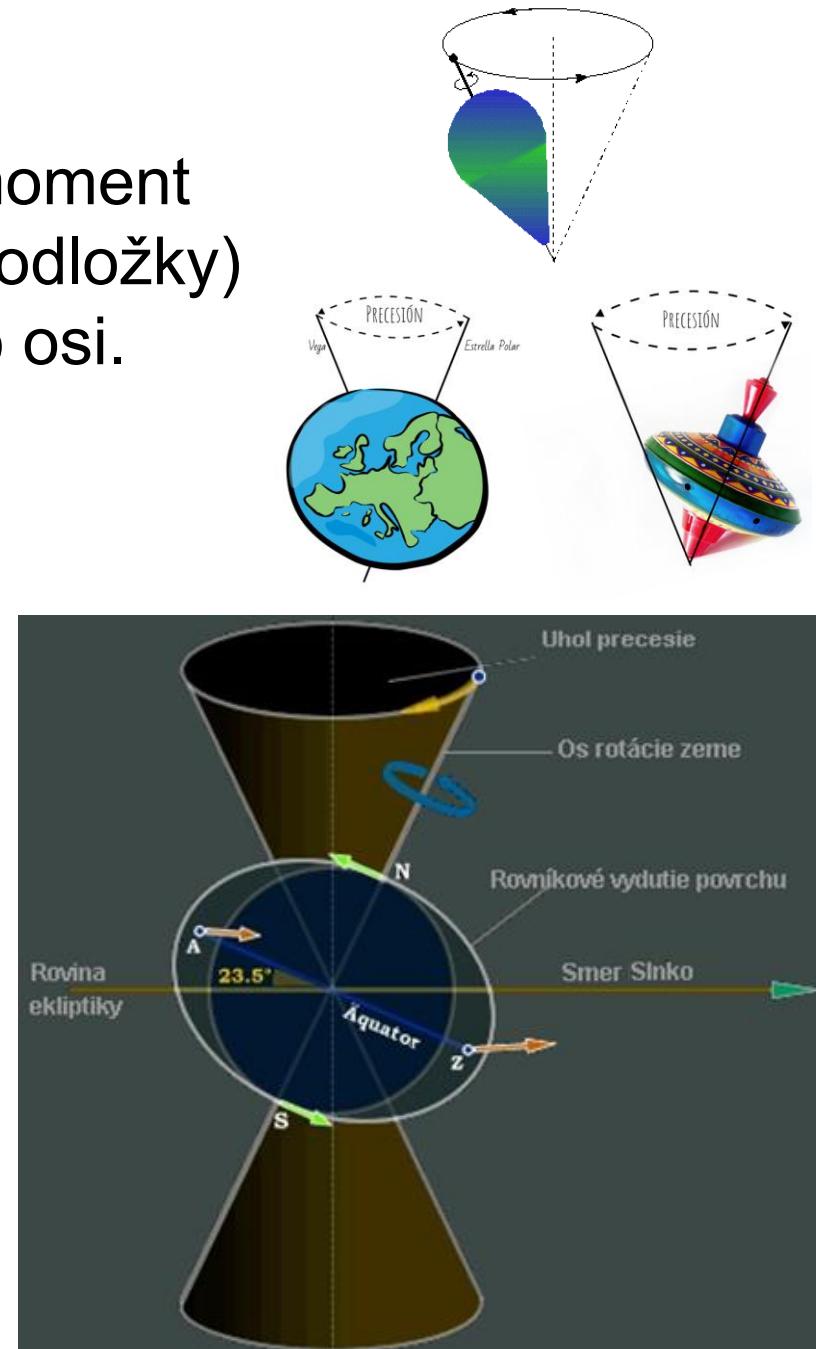
je možné dosiahnuť aj stav tiažového pola na Mesiaci alebo Marse
(využívané aj na komerčné účely: <http://www.gozerog.com>)

Precesný pohyb:

Ak je rotačná os rotujúceho telesa odchýlená od vertikálnej – potom moment dvojice síl (gravitačnej a reakcie podložky) vyvoláva tzv. precesný pohyb jeho osi.

Zem je vlastne obrovský zotrvačník. Účinkom gravitácie Mesiaca a Slnka („bočné“ sily) jej os vykonáva precesný pohyb po povrchu symbolického kužeľa, ktorého os je kolmá na ekliptiku (rovinu obehu Zeme okolo Slnka) a vrcholový uhol je približne 47° ($2 \times 23,5^\circ$).

Jeden precesný obeh zemskej osi okolo pólu ekliptiky má dĺžku 25 700 rokov.



Coriolisova sila - vzniká dôsledkom rotácie našej Zeme.

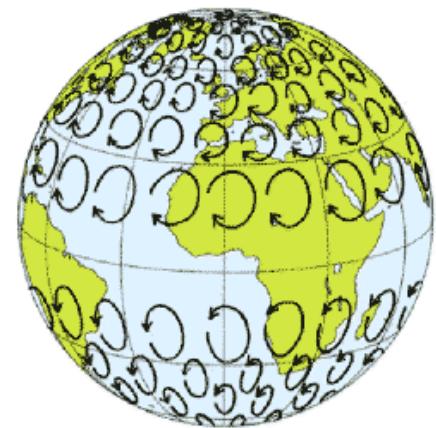
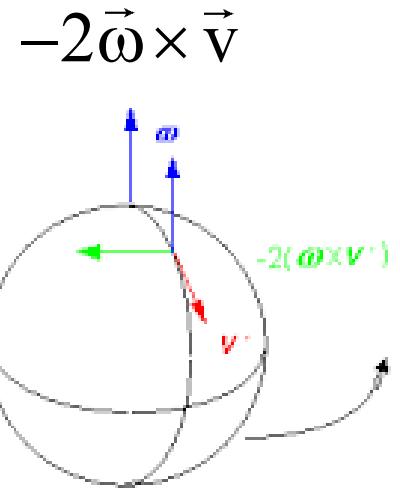
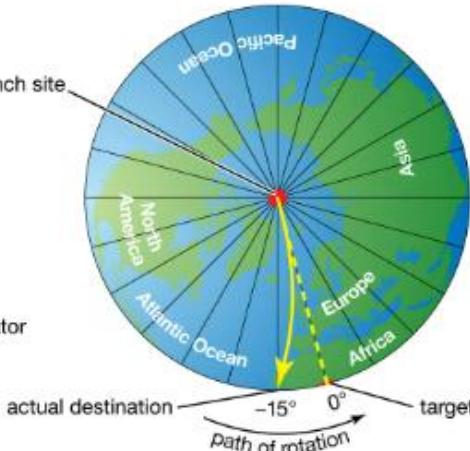
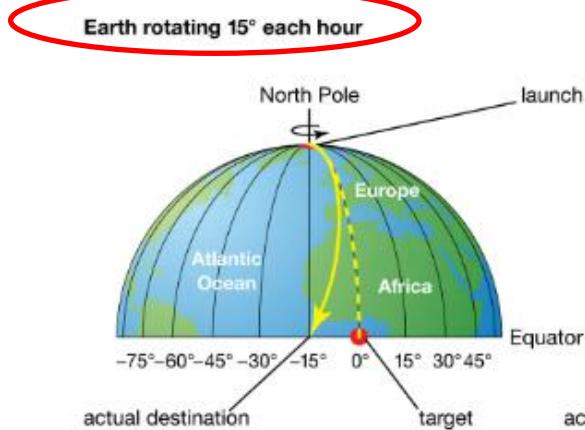
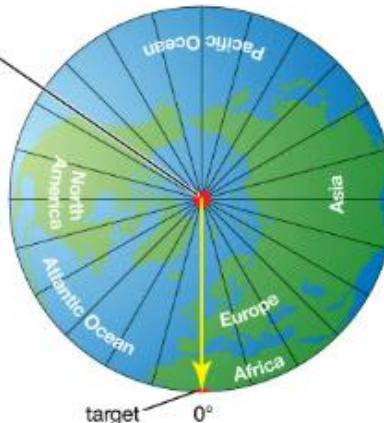
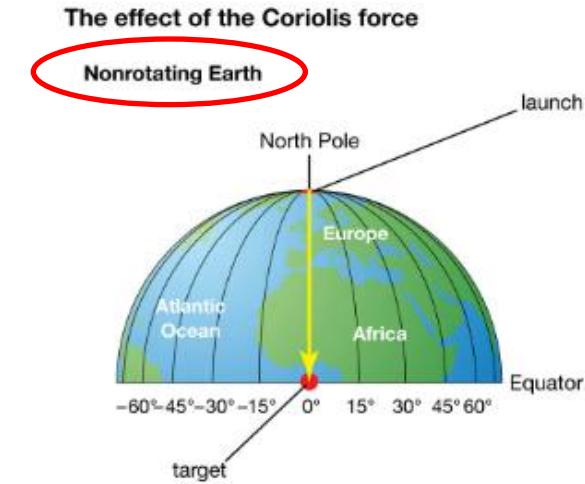
Ak sme na severnej pologuli a teleso sa pohybuje na juh, „prichádza“ do miest, ktorých obvodová rotačná rýchlosť je väčšia akú malo teleso v počiatočnom bode – dochádza ku „deformácii“ jeho dráhy pohybu - pri pohľade v smere pohybu sa odchyluje vpravo (k západu).

Ak budeme na južnej polguli, všetko prebieha symetricky obrátene.

Táto sila má veľký význam v meteorológii a v náuке o prúdení vôd v riebach a oceánoch.



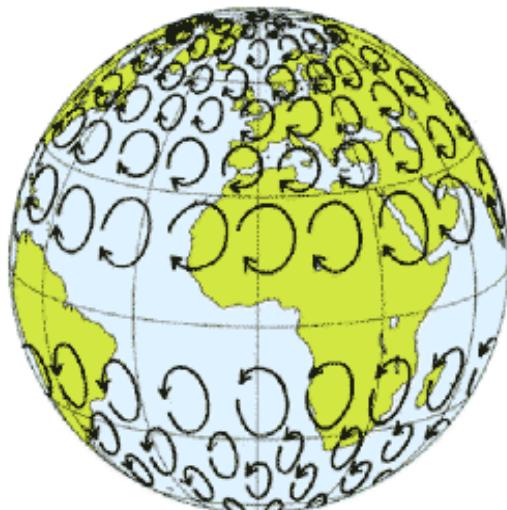
Coriolisova sila - vzniká dôsledkom rotácie našej Zeme (pôsobí na pohybujúce sa objekty v smere J-S)



Coriolisova sila - vzniká dôsledkom rotácie našej Zeme.

V bežnom živote Coriolisovu silu nepozorujeme – často tradované tvrdenie, že podľa smeru víru napr. pri vypúšťaní vody z vane poznáme, či sme na severnej alebo južnej pologuli, je nezmysel. Bolo by to možné iba pri ideálne horizontálnom dne nádoby a absolútном kl'ude hladiny.

Vel'ké rieky tečúce zo severu na juh majú zvyčajne pravé (západné) brehy strmšie ako ľavé (východné). Je to dôsledok dlhodobého pôsobenia Coriolisovej sily.

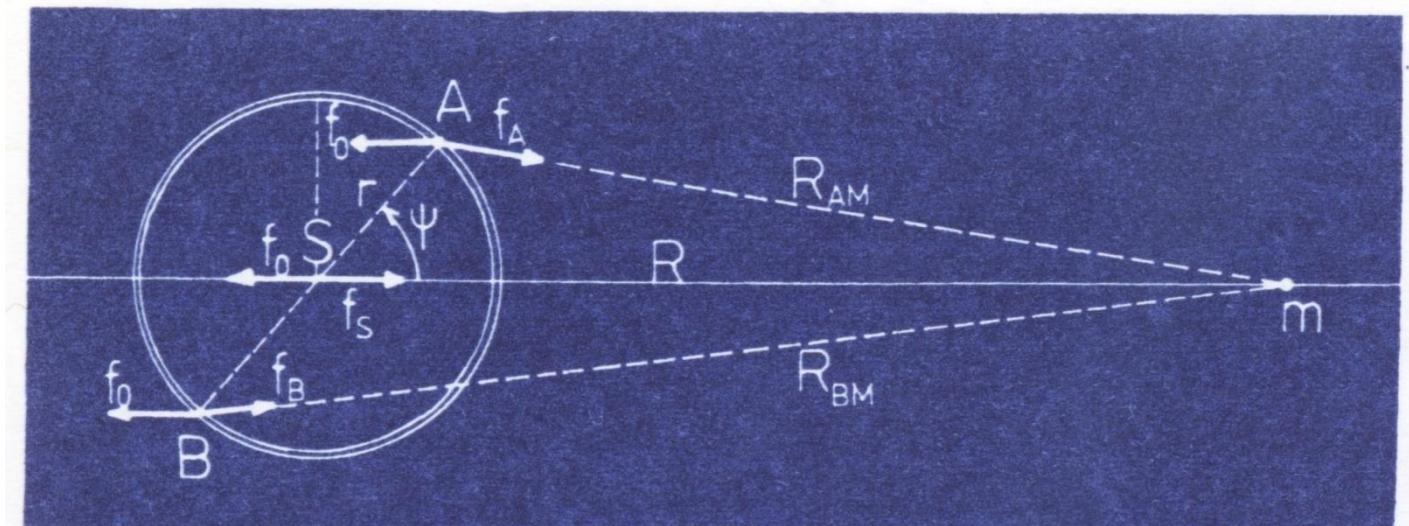


triky na rovníku:

<https://www.youtube.com/watch?v=4IIVfoDuVIw>

Slapy (príliv a odliv)

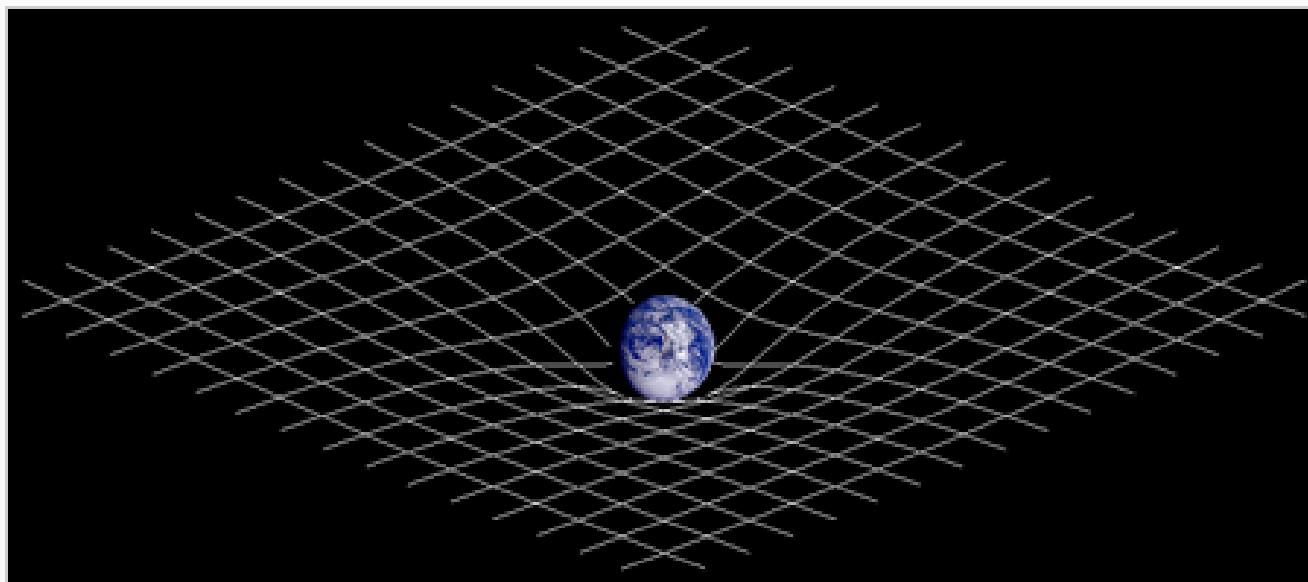
Vznikajú v dôsledku vzájomného účinku Mesiaca a Slnka – v systéme, kedy uvažujeme rotáciu jedného telesa okolo druhého.



Z gravitačných zrýchlení (spôsobených Mesiacom) je najväčšie f_A (bod A je najbližšie ku m) a najmenšie je f_B (bod B je najďalej od m). V každom z bodov A, S, B pôsobí aj odstredivé zrýchlenie f_0 v dôsledku toho, že Zem rotuje okolo Slnka. Výslednica vektorov $f_B + f_0$ v bode B je cca rovnaká, ale s opačným znamienkom ako výslednica $f_A + f_0$ v bode A – preto pôsobia slapy podobne na odvrátených poloviach Zeme.

Toto vysvetlenie pochádza už od I. Newtona.

úplne iný pohľad dáva na gravitáciu Einsteinova všeobecná teória relativity – nejde o silové interakcie, ale o vplyv zakriveného časopriestoru



Dvojrozmerné zobrazenie zakrivenia časopriestoru. Prítomnosť hmoty mení geometriu časopriestoru a táto (zakrivená) geometria je interpretovaná ako gravitácia.



celkom zaujímavé video:

<https://www.youtube.com/watch?v=MTY1Kje0yLg&t=408s>

cez všeobecnú teóriu relativity sa dajú vysvetliť čierne diery, tzv. gravitačné šošovky, atď.